## 0199

AL/2016/11/S-I								
	<i>தீரீனி   முழுப் பதிப்புரி</i>	and the second						
🔞 ලංකා විතාග ඥප ඉහණානයට පුරි න	10668ேக்கும் ஜீ ஓலை மே19 ரத் திணைக்களம் இலங்	ை 6000000000000000000000000000000000000	Content of the second of the s					
Department of Exat ලී ලංකා විකාන දෙප	இலங்கைப் பரி சைத் தினைக்களம் இலங்கைப் பரி சைத் துணைக்களம் இலங்கைப் பர சைத் துணைகளை இலையைப் பர கூற்று குண்ணிய ம Department of Examinations, Sri Lanka Department of Exama and the second							
	අධානයන පොද සහතික පහු (උසස් පෙළ) වහාගය, 2016 අගොසතු							
	கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2016 ஓகஸ்ற் General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2016							
<b>டு பல் கணிகம் I பிருக்கும் I பிருக்கும் I பிருக்கும் I பிருக்கும் I பிருக்கும் I பிருக்கும் மணித்த</b>								
உயர் கணி Higher Ma			Three hours					
Higher Mathematics I Three hours								
	E	විභාග අංකය						
උපදෙස් :								
	මම පුශ්න පතුය හෙ							
	_	- 10) සහ 15 ශක.	<b>ාටස</b> (පුශ්න 11 - 17).					
	. කොටස: යල බ සේකවලට පි	8800 1990000	එක් එක් පුශ්නය සඳහා ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති ඉඩෙහි ලියන්න					
			තර ලියන කඩදාසි භාවිත කළ හැකි ය.					
.v. D	කොටස:							
		ත් පිළිතරු සපයන්	්න. ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති කඩදාසිවල ලියන්න.					
-								
	යම්ත කාලය අවස: කාටස් දෙක අමුණා		<b>)සෙහි</b> පිළිතුරු පතුය <b>B කොටහෙහි</b> පිළිතුරු පතුයට උඩින් සිටින පරි හිට භාර දෙන්න.					
3	-		තාග ශාලාවෙන් පිටනට ගෙනයාමට ඔබට අවසර ඇත.					
		පරීක්ෂකවරු	සන්ගේ පුයෝජනය සඳහා පමණි.					
			· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·					
	(11) උසස් ගණිතය I							
කොටස	ළශ්න අංකය	ලකුණු	I පනුය					
······································	1	<u> </u>	II පනුය					
	2		එකතුව					
	3		අවසාන ලකුණු					
	4							
	5							
<b>A</b>	6							
	7		අවහාන ලකුණු					
	8		ඉලක්කමෙන්					
	9							
	10		අකුරින්					
	11 සංකේහ අංක							
	12		උත්තර පනු පරීක්ෂක					
13			1					
B	14		පරීක්ෂා කළේ:					
	15		<u> </u>					
	16		අධීක්ෂණය කළේ:					
	17							
	එකතුව							
	දා සිය සංස සංස සංස සංස සංස සංස සංස සංස සංස සං	PAPE	ERMASTER.LK					
1	L							

	A කොටස
1.	සාධකවලට වෙන් කරන්න: $(x + y)^3(x - y) + (y + z)^3(y - z) + (z + x)^3(z - x).$
	••••••
2.	${f R}$ මත $R$ සම්බන්ධයක්, $x^2-y^2-x+y=0$ නම් $xRy$ මගින් අර්ථ දක්වනු ලැබේ. $R$ යන්න ${f R}$ මත තුලාත සම්බන්ධයක් බව පෙන්වන්න.
2.	${f R}$ මත $R$ සම්බන්ධයක්, $x^2-y^2-x+y=0$ නම් $xRy$ මගින් අර්ථ දක්වනු ලැබේ. $R$ යන්න ${f R}$ මත තුලාත සම්බන්ධයක් බව පෙන්වන්න.
2.	R මත R සම්බන්ධයක්, $x^2 - y^2 - x + y = 0$ නම් xRy මගින් අර්ථ දක්වනු ලැබේ. R යන්න R මත තුලාත සම්බන්ධයක් බව පෙන්වන්න.
2.	R මත R සම්බන්ධයක්, $x^2 - y^2 - x + y = 0$ නම් xRy මගින් අර්ථ දක්වනු ලැබේ. R යන්න R මත තුලාත සම්බන්ධයක් බව පෙන්වන්න.
2.	R මත R සම්බන්ධයක්, $x^2 - y^2 - x + y = 0$ නම් xRy මගින් අර්ථ දක්වනු ලැබේ. R යන්න R මත තුලාත සම්බන්ධයක් බව පෙන්වන්න.
2.	R මත R සම්බන්ධයක්, $x^2 - y^2 - x + y = 0$ නම් $xRy$ මගින් අර්ථ දක්වනු ලැබේ. R යන්න R මත තුලාත සම්බන්ධයක් බව පෙන්වන්න.
2.	R මත R සම්බන්ධයක්, $x^2 - y^2 - x + y = 0$ නම් xRy මගින් අර්ථ දක්වනු ලැබේ. R යන්න R මත තුලාත සම්බන්ධයක් බව පෙන්වන්න.
2.	R මත R සම්බන්ධයක්, $x^2 - y^2 - x + y = 0$ නම් xRy මගින් අර්ථ දක්වනු ලැබේ. R යන්න R මත තුලාත සම්බන්ධයක් බව පෙන්වන්න.
2.	$\mathbbm{R}$ මත $R$ සම්බන්ධයක්, $x^2 - y^2 - x + y = 0$ නම් $xRy$ මගින් අර්ථ දක්වනු ලැබේ. $R$ යන්න $\mathbbm{R}$ මත තුලාත සම්බන්ධයක් බව පෙන්වන්න.
2.	${f R}$ මත $R$ සම්බන්ධයක්, $x^2 - y^2 - x + y = 0$ නම් $xRy$ මගින් අර්ථ දක්වනු ලැබේ. $R$ යන්න ${f R}$ මත තුලාත සම්බන්ධයක් බව පෙන්වන්න.
2.	R මත R සම්බන්ධයක්, x <sup>2</sup> - y <sup>2</sup> - x + y = 0 නම් xRy මගින් අර්ථ දක්වනු ලැබේ. R යන්න R මත තුලාංක සම්බන්ධයක් බව පෙන්වන්න.
2.	R මත R සම්බන්ධයක්, x <sup>2</sup> - y <sup>2</sup> - x + y = 0 නම xRy මගින් අර්ථ දක්වනු ලැබේ. R යන්න R මත තුලාංක සම්බන්ධයක් බව පෙන්වන්න.
2.	R මත R සම්බන්ධයක්, x² - y² - x + y = 0 නම් xRy මගින් අර්ථ දක්වනු ලැබේ. R යන්න R මත තුලාංත සම්බන්ධයක් බව පෙන්වන්න.
2.	R මත R සම්බන්ධයක්, x <sup>2</sup> - y <sup>2</sup> - x + y = 0 නම් xRy මගින් අර්ථ දක්වනු ලැබේ. R යන්න R මත තුලාගත සම්බන්ධයක් බව පෙන්වන්න.
2.	R මත R සම්බන්ධයක්, x <sup>2</sup> - y <sup>2</sup> - x + y = 0 නම xRy මගින් අර්ථ දක්වනු ලැබේ. R යන්න R මත තුලාගත සම්බන්ධයක් බව පෙන්වන්න.
2.	R මත R සම්බන්ධයක්, x <sup>2</sup> - y <sup>2</sup> - x + y = 0 නම xRy මගින් අර්ථ දක්වනු ලැබේ. R යන්න R මත තුලාන සම්බන්ධයක් බව පෙන්වන්න.

۰. ا

3.	$x \in \mathbb{R}$ සඳහා $f(x) = (ax + 1)^3$ හා $g(x) = 3x + 4$ යන ඒවා $(f \circ g)(1) = 2$ වන පරිදි වේ යැයි ගතිමු; මෙහි $a$ තාත්ත්වික නියතයකි. $a$ හි අගය සොයන්න.
	$h(x) = (f \circ f)(x)$ යැයි ගනිමු. $h^{-1}(x)$ සොයන්න.
	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
	b+c $c$ $b$
4.	$\begin{vmatrix} b+c & c & b \\ c & a+c & a \\ b & a & a+b \end{vmatrix} = 4abc$ බව පෙත්වත්ත.
	••••••
1	
	PAPERMASTER.LK

[හතරවැනි පිටුව බලන්න.

ſ

5.	$y^2 = 4ax$ පරාවලයට $(at^2, 2at)$ ලක්ෂායෙහි දී වූ අභිලම්බයේ සමීකරණය $y + tx = 2at + at^3$ බව පෙන්වන්න.
	$y^2$ = $4ax$ පරාවලයෙහි නාහිය ඔස්සේ මෙම අභිලම්බය යයි නම්, $t$ හි අගය සොයන්න.
	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
	$x \tan^{-1}\left(\frac{1}{x}\right),  x < 0  \text{SO},$
6.	$a \in \mathbb{R} \ a_{\bar{\iota}} \& c b \ge 1 \ a_{\bar{\iota}} \& c f : \mathbb{R} \to \mathbb{R} \ a_{2} f(x) = \begin{cases} a, & x = 0 \end{cases}$
	$a \in \mathbb{R}$ යැයි ද $b \ge 1$ යැයි ද $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ යනු $f(x) = \begin{cases} x \tan^{-1}\left(\frac{1}{x}\right), & x < 0 \text{ so}, \\ a, & x = 0 \text{ so}, \\ \sqrt{b-1+x}, & x > 0 \text{ so}, \end{cases}$
	මගින් දෙනු ලබන ශුිතය යැයි ද ගනිමු. $x=0$ හි දී $f$ සත්තතික වෙයි නම්, $a$ හා $b$ හි අගයන් සොයන්න.
	••••••
	PAPERMASTER.LK

\_\_\_\_\_ [පත්වැනි පිටුව බලන්න. 100

e e

 $\sum_{i=1}^{n} (i)$ 

7	$f : \mathbb{D} \longrightarrow \mathbb{D}$ and $f(r) = r$	<i>x</i> ,	x < 1	නම්,
1.	$f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ යනු, $f(x) = -$	$\left( x^2 - 2x + 2, \right)$	$x \ge 1$	නම්,
				දී ƒ අවකලා වේ ද? ඔබගේ පිළිතුර සනාථ කරන්න.
	සියලු ම x≠1 සඳහා ƒ'(x	() ලියා දක්වන්න	÷.	
	.,		• • • • • • • • • •	
	••••••			
		••••••		
	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••			
	· • • • • • • • • • • • • • • • • • • •			
	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·			
	·····			
	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •			
		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		······
0	x = 0 විට y = ln 2 අවශාන	rando como d	yx-	$-y \pm r^2 e^{-y}$ Second
0.	x = 0.00  y - 112  goass	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	lx	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		

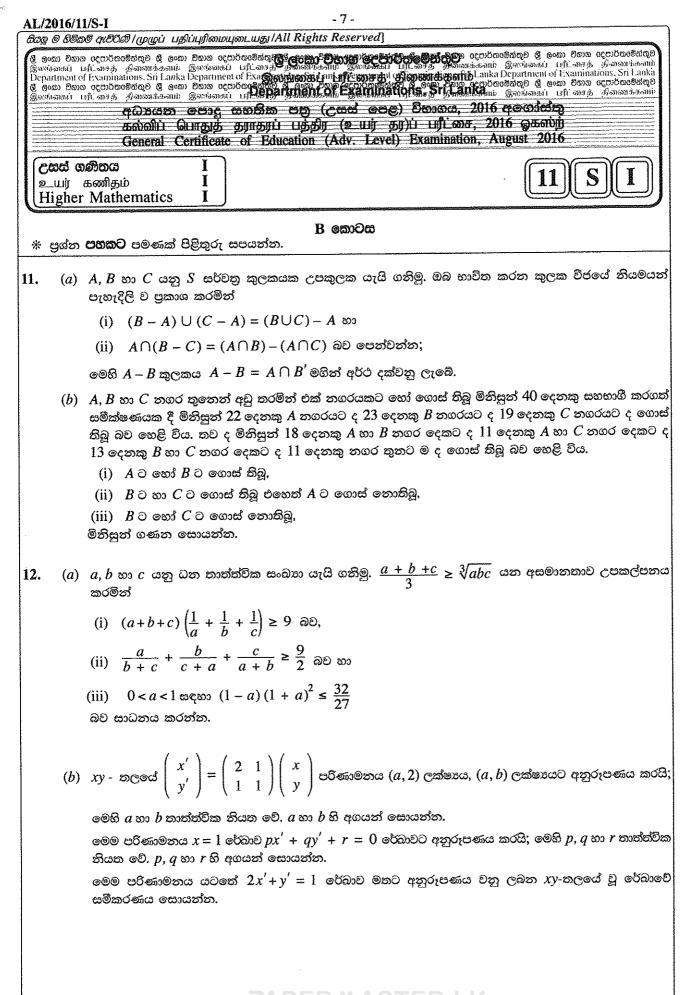
[හයවැනි පිටුව බලන්න.

9.	$f$ හා $g$ යනු $x \! \in \! [0,1]$ සඳහා $2x f(x^2) + 3g(x) = 14x$ සමීකරණය සපුරාලන $[0,\ 1]$ පුාන්තරය මත තාත්ත්වික	
	අගයැති සන්තතික ශුිත යැයි ගනිමු.	
	$\int_{0}^{1} f(x) dx = 1$ තම, $\int_{0}^{1} g(x) dx = 2$ බව පෙන්වන්න.	
	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••	
-	••••••	
	••••••	
	••••••	
10.	$r=2$ හා $r=2~(\cos heta-\sin heta)$ ධැවක සමීකරණ මගින් දෙනු ලබන වකුවල දළ සටහන් එක ම රූපයක ඇඳ	
	ඒවායේ ඡේදන ලක්ෂාවල ධැවක බණ්ඩාංක සොයන්න.	

<u>\_\_\_\_</u>

\* \*

 $\langle \cdot \rangle$ 



[අටවැනි පිටුව බලන්න.

## A.

13.

14.

15.

λ∈ **R** @Ð.

ධන නිබිලමය දර්ශකයක් සඳහා **ද මූචාවර් පුමේයය** පුකාශ කර සාධනය කරන්න.  $k = 0, 1, 2, \dots$  සඳහා  $\omega_k = \cos\left(\frac{2k\pi}{5}\right) + i\sin\left(\frac{2k\pi}{5}\right)$  යැයි ගනිමු.  $k = 0, 1, 2, \dots$  සඳහා  $\omega_k^5 = 1$ බව පෙන්වා, **ඒ නයින්**, z<sup>5</sup> – 1 = 0 සමීකරණයේ පුහින්න මූල පහ ලියා දක්වන්න.  $\omega_1, \omega_2, \omega_3$  හා  $\omega_4$ යනු  $z^4 + z^3 + z^2 + z + 1 = 0$ සමීකරණයේ පුහින්න මූල හතර බව **අසෝහනය** කරන්න.  $z^{4} + z^{3} + z^{2} + z + 1 = \left\{z^{2} - 2\cos\left(\frac{2\pi}{5}\right)z + 1\right\}\left\{z^{2} - 2\cos\left(\frac{4\pi}{5}\right)z + 1\right\}$  බව නවදුරටත් **අපෝහනය** කරන්න. මෙම සර්වසාමායේ  $z^2$  හා  $z^3$  හි සංගුණක සැසඳීමෙන්  $\cos\left(\frac{2\pi}{5}\right)$  හා  $\cos\left(\frac{4\pi}{5}\right)$  මූල ලෙස ඇති නිබිල සංඛාාමය සංගුණක සහිත වර්ගජ සමීකරණය ලබා ගන්න. ජනයින්,  $\cos\left(\frac{2\pi}{5}\right) = \frac{\sqrt{5}-1}{4}$  බව පෙන්වන්න. (a)  $C_1$  හා  $C_2$  යනු පිළිවෙළින්  $x = y^2$  හා  $x = 2 - y^2$  මගින් දෙනු ලබන වකු යැයි ගනිමු. ඒවායේ ඡේදන ලක්ෂාවල බණ්ඩාංක දක්වමින්  $C_1$  හා  $C_2$  හි පුස්තාරවල දළ සටහන් එක ම රූපයක අඳින්න.  $C_1$  හා  $C_2$  වනු දෙකෙන් සපර්යන්ත වන S පෙදෙසෙහි වර්ගඵලය සොයන්න. x=3 රේඛාව වටා මෙම S පෙදෙස සෘජු කෝණ හතරකින් භුමණය කිරීමෙන් ජනනය වන ඝනයෙහි පරිමාව ද සොයන්න. (b) වකු කුලයක්  $\frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}x} = \frac{4x+y}{x-4y}$  අවකල සමීකරණය තෘප්ත කරයි. y = xV ආදේශ කිරීමෙන්, දී ඇති අවකල සම්කරණය  $\frac{1-4V}{4(1+V^2)}$  d $V = \frac{1}{x}$  dx ට පරිණාමනය වනු ලබන බව පෙන්වන්න. ඒ නයින්, වකු කුලයට  $\frac{1}{2} an^{-1} \left( \frac{y}{x} \right) - \ln \left( x^2 + y^2 \right) = \lambda$  යන කාටීසීය නිරුපණය ඇති බව පෙන්වන්න; මෙහි මෙම වකු කුලයේ පුලම්බ පරාවකු මගින් තෘප්ත කරනු ලබන අවකල සමීකරණය ද ලබා ගන්න. (a)  $n \in \mathbb{Z}^+$  සඳහා  $I_n = \int_0^1 (1 - x^3)^n x \, dx$  හැයි ගනිමු. n=2,3,... සඳහා  $(3n+2)I_n = 3nI_{n-1}$  බව පෙන්වා,  $n \in \mathbb{Z}^+$  සඳහා  $I_n = \frac{3^n n!}{(3n+2)(3n-1)\cdots 8\cdot 5\cdot 2}$ බව **අපෝහනය** කරන්න. (b)  $x \in \mathbb{R}$  සඳහා  $y = e^{\cos x}$  යැයි ගනිමූ  $\frac{d^2 y}{dx^2} + \sin x \frac{dy}{dx} + (\cos x) y = 0$  බව පෙන්වන්න. x<sup>4</sup> හි පදය ද ඇතුළු ව ඒ දක්වා y හි මැක්ලෝරිත් ශේණි පුසාරණය ලබා ගන්න. **ඒ නයින්**,  $\int e^{\cos x} \mathrm{d}x$  අනුකලය සඳහා ආසන්න අගයක් සොයන්න.

[නවවැනි පිටුව බලන්න.

ç

16.  $T = \left(\frac{a}{2}\left(t + \frac{1}{t}\right), \frac{b}{2}\left(t - \frac{1}{t}\right)\right)$  ලක්ෂාය  $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$  බහුවලය මත පිහිටන බව සතාපාපනය කරන්න. මෙහි  $t \ (\neq 0)$  යනු පරාමිතියකි.

Τ ලක්ෂායෙහි දී බහුවලයට ඇඳි ස්පර්ශකයේ සමීකරණය ලබා ගන්න.

P = (at, bt) හා Q = (at', -bt') ලක්ෂාා බහුවලයේ ස්පර්ශෝන්මුඛ මත පිහිටන බව පෙන්වන්න.

PQ හි මධා ලක්ෂාය වන R, බහුවලය මත පිහිටන බව දී ඇත. t t' = 1 බව ද PQ රේඛාව R හි දී බහුවලය ස්පර්ශ කරන බව ද පෙන්වන්න.

 $OP \cdot OQ = a^2 + b^2$  බව ද පෙත්වත්න. මෙහි O යනු මූලය වේ.

R සිට බහුවලයේ ස්පර්ශෝන්මුබවලට ඇඳි අභිලම්බ, ස්පර්ශෝන්මුබවලට හමු වන ලක්ෂා L හා M යැයි ගනිමු.

$$RL \cdot RM = \frac{a^2 b^2}{a^2 + b^2}$$
 බව තවදුරටත් පෙන්වන්න.

17. (a)  $x \in \mathbb{R}$  සඳහා  $f(x) = \frac{3 + \sin^2 x}{2 + \cos^2 x}$  යැයි ගනිමු.

- (i)  $x \in \mathbb{R}$  සඳහා  $1 \le f(x) \le 2$  බව පෙන්වන්න.
- (ii) f(x) = 1 හා f(x) = 2 සමීකරණ විසඳන්න.
- (iii)  $0 \le x \le \pi$  සඳහා y = f(x) හි පුස්තාරයේ දළ සටහනක් අඳින්න.
- (b) පහත වගුවෙන්, එහි දැක්වෙන x හි අගයන් සඳහා,  $f(x) = \ln(1 + x^2)$  ශ්‍රිතයෙහි අගයන් දශමස්ථාන තුනකට නිවැරදි ව දෙයි.

x	0	0.5	1.0	1.5	2.0
f(x)	0	0.223	0.025	1.179	1.909

ඉහත වගුවෙහි දී ඇති අගයන් සමග සිම්සන් නීතිය භාවිතයෙන්, y = ln(1 + x<sup>2</sup>), x = 0, x = 2 හා y = 0 වකු මගින් සපර්යන්ත වර්ගඵලය සඳහා ආසන්න අගයක් සොයන්න.

 $\int_{-2}^{2} \ln \sqrt{1 + x^2} \, dx$  සඳහා ආසන්න අගයක් **අපෝහනය** කරන්න.

\* \* \*

PAPERMASTER.LK

AL/2016/11/S-1 <i>Bag © Böbað qu</i> © genismsti uff. Department of Exar © genismsti uff. <i>Bertismsti uff.</i> <i>Bertismsti uff.</i>	විටිනි / முழுப் பதிப்பு වර්තාමත්තුව ශී ලංකා වි වර්තාමත්තුව ශී ලංකා වි ත්තාමත්තුව ශී ලංකා වි වර්තාමත්තුව ශී ලංකා වි වර්තාමත්තුව ශී ලංකා වි වර්තාමත්තුව ශී ලංකා වි වර්තාමත්තුව ශී ලංකා වි ප්රී ලංකාන්ත්ත්ත් ක් ක් ක් ක් ක් ක් ක් ක් ක් ක් ක් ක් ක් ක් ක් ක් ක් ක් ක් ක් ක	லக சேற்றேல்கள் ஸ்கைப் பரிடனாத் த றவரமால் (Exa இலுத் லை செற்றைகள் ஸ்கைப் பரிகளை குத் கைனின் ( குத் தராதரப்	Rights Reserved] www.www.www.www.www. www.www.www.www.	ப்சை, 2016 ஓகஸ்ந ination, August 2016
<b>്രാർ ത്രിന്ന</b> ഉപന്ന് കുഞ്ഞ Higher Ma	)தம் <b>I</b>	I		<b>சாம                                    </b>
A * A ( සියා වැඩි * B ( පුශ් * නිය කො	<b>කොටස</b> ලු ම පුශ්නවලට චි මුපුර ඉඩ අවශා ෙ කොටස න <b>පහකට</b> පමණක මත කාලය අවසා ාටස් දෙක අමුණා	- 10) සහ <b>B කො</b> 3ළිතුරු සපයන්න ව් නම්, ඔබට අමා න් පිළිතුරු සපයන් න් වූ පසු <b>A කො</b> විභාග ශාලාධිපරි	<b>ාචසි</b> (පුශ්න 11 - 17). . එක් එක් පුශ්නය සඳහා ඔ තර ලියන කඩදාසි භාවිත කැ 'න. ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇ <b>වසෙහි</b> පිළිතුරු පනුය <b>B කො</b>	ති කඩදාසිවල ලියන්න. 0 <b>ටතෙහි</b> පිළිතුරු පතුයට උඩින් සිටීන පරිදි
	ාගින් ගුරුත්වජ ත්ස (11) උසස් ගණිතය I	පරීක්ෂකව I	රුන්ගේ පුයෝජනය සඳහා පමණි.	
කොටස	පුන්න අංකය <u>1</u> <u>2</u> <u>3</u>	ලකුණු	I පතුය II පතුය එකතුව	
A	4 5 6 7 8		අවසාන ලකුණ	අවසාන ලකුණු
9 10 11 11 10 10 10 10 10 10 10				සංකේහ අංක
В	12 13 14 15		උත්තර පතු ප  පරීක්ෂා කලෙ	ළ: 1 2
	16 17 එකතුව දාහිශතය	ΡΔΡΓ	අධික්ෂණය ක RMASTER.L	

in the second se

[දෙවැනි පිටුව බලන්න.

	A කොටස
1.	$O$ අචල මූලයක් අනුබද්ධයෙන් $P$ ලක්ෂායක ${f r}$ පිහිටුම් දෛශිකය,
	$\mathbf{r} = \left(\frac{1}{2} a \sin\theta\right) \mathbf{i} + \left(\frac{\sqrt{3}}{2} a \sin\theta\right) \mathbf{j} + (a \cos\theta) \mathbf{k}$ මගින් දෙනු ලැබේ; මෙහි $\theta (0 \le \theta \le \pi)$ අදිශ පරාමිතියක් ද
	<i>a</i> ධන නියතයක් ද වේ.
	(i) $\mathbf{r} \cdot \mathbf{r} = a^2$ (ii) $\mathbf{r} \cdot \frac{d\mathbf{r}}{d\theta} = 0$ so (iii) $\mathbf{r} \times \frac{d\mathbf{r}}{d\theta} = \frac{a^2}{2} \left(-\sqrt{3}\mathbf{i} + \mathbf{j}\right)$ බව පෙන්වන්න.
	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
2.	පිළිවෙළින් $a\mathbf{i}$ , $b\mathbf{j}$ හා $c\mathbf{k}$ පිහිටුම් දෛශික සහිත $A$ , $B$ හා $C$ ලක්ෂා ඔස්සේ $P(b\mathbf{j} + c\mathbf{k})$ , $P(c\mathbf{k} + a\mathbf{i})$ හා $P(a\mathbf{i} + b\mathbf{j})$ බල තුන කියාකරයි; මෙහි $P$ ධන නියතයක් හා $a, b, c$ යනු $abc \neq 0$ වන පරිදී වූ නියත වේ. මෙම පද්ධතිය $\mathbf{r} = \lambda(a\mathbf{i} + b\mathbf{j} + c\mathbf{k})$ කියා රේඛාව සහිත තනි සම්පුයුක්ත බලයකට ඌනනය වන බව පෙන්වන්න; මෙහි $\lambda$ පරාමිතියකි. සම්පුයුක්ත බලයේ විශාලත්වය සොයන්න.
	PAPERMASTER.LK

[තුන්වැනි පිටුව බලන්න,

විභාග අංකය	*
------------	---

AL	/2016/11/S-II	- 3 -	විභාග අංකය :			
3	ABC තිතෝණය ඒතාතාර තිතෝණාතා	ර පිස්මයක සමාන්තර දාර තත්	ට ලම්බ ගුරුත්ව කේන්දුය හරහා වූ හරස්කඩ			
			ාෂ්ඨයට පහළින් ද <i>C</i> තුළින් වූ දාරය නිදහස			
	පෘෂ්ඨයට ඉහළින් ද ඇතිව සමජාතීය දුවයක පිස්මය නිදහසේ ඉපිලෙයි. එහි බරෙහි ද උඩුකුරු දුව තෙරපුමෙහි ද කිුයා රේඛාවන් සැලකීමෙන් පිස්මයෙහි BC අයත් මුහුණත සිරස් ව පිහිටන බව පෙන්වන්න.					
	gus oousoes alloweees gaeeaas	20 que 28				
			,,			
	•••••					
		••••	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••			
			••••••			
	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••		•••••			
	****					
			*****			
			පිටක් අපෘතිකය			
4.	ස්කන්ධය <i>m</i> වූ අංශුවක, <i>t</i> කාලයේ දී, $t$ $\mathbf{r} = a[(\sin 2\omega t)\mathbf{i} + (1 - \cos 2\omega t)\mathbf{j}]$					
	r = a[(sin 2 <i>m</i> )] + (1 − cos 2 <i>m</i> )] (i) එහි පෙත, <i>a</i> j පිහිටුම් දෛශිකය					
	<ul> <li>(i) එහි පෙත්, <i>u</i>j පහිටුම දේශයය (ii) <i>C</i> වටා එහි කෝණික ගමාතාව</li> </ul>					
	(ii) $\ddot{\mathbf{r}} + 4\omega^2(\mathbf{r} - a\mathbf{j}) = 0$ බවත්					
	(m) 1 4 400 (1 - uj) - 0 සටයා පෙත්වන්න.					
	,					
		** * * * * * * * * * * * * * * * * * * *				
	•••••					
	PA	PERMASTER.				
L						

\$ 7

4......

90 00

5.	සුමට කිරස් ගෙබිමක් මත ඒකාකාර ${f u}=u({f i}\coslpha+{f j}sinlpha)$ පුවේගයකින් චලනය වන ස්කන්ධය $m$ වූ සුමට				
	ගෝලයක් ආරම්භයේ දී නිසලව ඇති එම අරය ම හා ස්කන්ධය $M$ වූ ගෝලයක් සමග ගැටෙයි. මෙහි $0 < lpha < rac{\pi}{2}$ හා $u$ යනු ධන නියතයක් වේ. ගැටුමෙන් පසු $m$ සහ $M$ හි පුවේග පිළිවෙළින් vj හා wi වෙයි නම්,				
	$({f i})$ ඒවායේ අනොා්නා සාවේගයේ විශාලත්වය $mu\coslpha$ බවත්				
	(ii) පුතාහාගති සංගුණකය $rac{m}{M}$ බවත්				
	පෙත්වන්න.				
6.	ස්කන්ධය $M$ හා අරය $a$ වූ ඒකාකාර වෘත්තාකාර වළල්ලක් රඑ තිරස් ගෙබිමක් මත ලිස්සීමකින් තොරව පෙරළී යයි. එහි තලය සිරස් ව තිබෙන අතර කේන්දුයේ v වේගය නියත වේ. වළල්ලේ චාලක ශක්තිය සොයන්න.				
	*****				
	PAPERMASTERIK				

[පස්වැනි පිටුව බලන්න,

 $\int_{0}^{\infty} dx = \int_{0}^{\infty} dx$ 

AL	2016/11/S-II - 5 -					
7.	$R$ සසම්භාවී විචලායක්, $r=1,2,3,\ldots,n$ නිබිල අගයන් ගන්නා අතර එක එකක සම්භාවිතාව $rac{1}{n}$ $R$ හි අපේක්ෂිත අගය වූ $E(R)$ සොයන්න.					
	$\sum_{r=1}^n r^2 = rac{n}{6}(n+1)(2n+1)$ සූනුය උපකල්පනය කරමින් $R$ හි විචලතාවන් සොයන්න.					
ļ						
-						
8.	$X$ විවික්ත සසම්භාවී විචලායක් – $2,0,2$ අගයන් ගන්නා අතර ඒවායේ සම්භාවිතාවන් පිළිවෙළින් $rac{1}{4},rac{1}{2},rac{1}{4}$					
	$Y=X_1+X_2$ සසම්භාවී විචලායෙහි සම්භාවිතා වාාප්තිය ලබා ගන්න; මෙහි $X_1$ හා $X_2$ යනු $X$ හි ස්වායස නිරීක්ෂණ දෙකකි. $Y$ හි සම්මත අපගමනය 2 බව පෙන්වන්න.					
	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,					
	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••					
	PAPERAASTER.LK					

J

₹ 1

9.	. $X$ සන්තතික සසම්භාවී විචලායක $f(x)$ සම්භාවිතා ඝනත්ව ශිුතය				
	$f(x) = \begin{cases} kx(1-x) & 0 \le x \le 1 \ \exp(x) \end{cases}$				
	$f(x) = \begin{cases} kx(1-x) , & 0 \le x \le 1$ සඳහා 0 , අනෙක් තැන්හි දී				
මගින් දෙනු ලබයි.					
	(i) $k = 6$ බව පෙත්වත්න.				
	(ii) $E(X)$ හා $E(X^2)$ සොයන්න.				
10.	X සසම්භාවී විචලායක් [1,4] පුාන්තරය මත ඒකාකාරව වාාප්තව ඇත.				
	(i) $P(2 \le X \le 3)$ හා $P(X \le 2)$ මසායන්න.				
	(ii) $P(X \ge a) = 0.6$ වන පරිදි වූ $a$ හි අගය සොයන්න.				
	BADEDMASTERIK				

L/2016/11/S-II -7-						
සියලු ම හිමිකම් ආව්රිණි / முழுப்	பதிப்புரிமையுடையது/All Rigi	hts Reserved]	න අනෝහයයින්නම අදි දෙනා විභාග අදපාර්ලයක්වාව			
ல் கூன சலல குறும்றைகள் இலங்கைப் பரிகைக் கண்டுகள் கேன்ற கேன்ற கேன்ற குறைக்குகள் குறைகள் குறுக்குகள் குறுக்கைகள் குறைக்கள் குறுக்குகள் குறுக்குகள் குறுக்குகள் குறுக்குகள் குறுக்குகள் குறுக்குகள் குறுக்குகள் குறுக்கைகள் குறைக்கள் குறைக்கள் குறைக்கள் குறைக்கள் குறுக்குகள் குறுக்குகள் குறுக்குகள் குறுக்குகள் குறுக்குகள் குறைக்கள் குறைக்கள் குறைக்கள் குறைக்கள் குறுக்குகள் குறுக்குகள் குறைக்கள் குறைக்கள் குறுக்கள் குறைக்கள் குறைக்கள் குறுக்குகள் குறுக்குகள் குறுக்குகள் குறுக்குகள் குறுக்குகள் குறுக்குகள் குறைக்கள் குறைக்குகள் குறைக்கள் கள் குறைக்கள் குறைக்கள் குறைக்கள் குறைக்கள் குறைக்கள் கள் குறைக்கள் குறைக்கள் கைக்கள் குறைக்குகள் கள் குறைக்கள் குறைக்குகள் குறைக்குகள் குறைக்கள கைக்குக்குக்கள் குறைக்குக்குக்குக்குக்குக்குக்குக்குக்குக்க						
<b>උසස් ගනීතය</b> உயர் கணிதம் Higher Mathematic						
* පුශ්න <b>පහකට</b> පමණ	ක් පිළිතුරු සපයන්න.	B කොටස				
11. බල පද්ධතියක් පහත	ා දක්වා ඇති රේඛා දිගේ කි	යා කරන බල හයකින් සම	මන්විත වේ.			
	රේබාව	බලය				
	$\overrightarrow{OA} = \mathbf{j} + \mathbf{k}$	$P(\mathbf{j} + \mathbf{k})$				
	$\overrightarrow{OB} = \mathbf{k} + \mathbf{i}$	$P(\mathbf{k} + \mathbf{i})$				
	$\overrightarrow{OC} = \mathbf{i} + \mathbf{j}$	$P(\mathbf{i} + \mathbf{j})$				
	$\overrightarrow{BC} = \mathbf{j} - \mathbf{k}$	$Q(\mathbf{j} - \mathbf{k})$				
	$\overrightarrow{CA} = \mathbf{k} - \mathbf{i}$	$Q(\mathbf{k} - \mathbf{i})$				
	$\overrightarrow{AB} = \mathbf{i} - \mathbf{j}$	$Q(\mathbf{i} - \mathbf{j})$				
මෙහි P හා Q නියක වේ. පද්ධතිය O මූලයෙ හි දී R තනි බලයකට හා සූර්ණ දෛශිකය G වූ යුග්මයකට ඌනනය කරත්න. පද්ධතිය, (i) තනි සම්පුයුක්ත බලයකට, (ii) යුග්මයකට, තුලා වීම සඳහා අවශාතා ලබා ගත්න. P හා Q දෙක ම නිශ්-ශුතා බව දී ඇති විට පද්ධතිය, අන්තරාලය $\frac{Q}{2P}$ වූ පුකුංචයකට තුලා බව පෙන්වන්න.						
	පුකුංචයේ කේන්දික අක්ෂයෙහි දෛශික සමීකරණය සොයා, එය OABC චතුස්තලයෙහි කේන්දුකය ඔස්සේ යන බව සතාපාපනය කරන්න.					
<ul> <li>AB = a වූ සමචතුරසයක හැඩය ඇති ABCD ආස්තරයක්, සමජාතීය දුවයක, සිරස් ලෙස මුළුමනින් ම ශිල්වා ඇත්තේ AB පාදය දුවයේ නිදහස් පෘෂ්ඨය මත පිහිටන පරිදී ය. CD පාදය මත E ලක්ෂාය ගනු ලබන්නේ CE = x හා ABCE තුපීසියම මත තෙරපුම, ADE ත්‍රිකෝණය මත තෙරපුමට සමාන වන පරිදී ය. x = a/4 බව පෙන්වන්න. අනුකලනය භාවිතයෙන්</li> <li>(i) ABCD සමචතුරසයෙහි,</li> <li>(ii) ADE ත්‍රිකෝණයෙහි,</li> <li>පීඩන කේන්දයට AB සිට ඇති දුර සොයන්න.</li> <li>AB වටා සූර්ණ ගැනීමෙන්, AB සිට ABCE තුපීසියමෙහි පීඩන කේන්දයට දුර සොයන්න.</li> </ul>						
AD 203 හිරුණ ගැන	900 an ao ance 900		a			

f.

3 · ·

 $\hat{s}_{\varphi,r}$ 

DADERMASTERIK

13. තිරසට ආනතිය α වූ සුමට තලයක උපරිම බෑවුම් රේඛාවක් දිගේ ඉහළට u ආරම්භක වේගයකින් ස්කන්ධය m වූ අංශුවක් පුක්ෂේප කරනු ලැබේ. එහි චලිතයට වාත පුතිරෝධය mkv වේ; මෙහි k ධන නියතයක් ද v වේගය

ද වේ. තලයේ ඉහළට අංශුව ගමන් කරන L උපරිම දුර  $L = \frac{u}{k} + \frac{g}{k^2} \ln\left(\frac{g\sin\alpha}{ku + g\sin\alpha}\right)$  මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වා Lදුර යාමට අංශුව මගින් ගත් කාලය සොයන්න.

උපරිම බෑවුම් රේඛාව දිගේ පහළට චලිතයේ දී ත් එම පුතිරෝධය ම කිුයා කරන බව දී ඇති විට, අංශුවේ u ඉහත ආරම්භක වේගයත්, එය ආරම්භක ලක්ෂාය කරා ආපසු පැමිණෙන V වේගයත් සම්බන්ධ කරන සමීකරණයක් ලබා ගන්න.

14. සුමට ති්රස් මේසයක් මත චලනය වන A සුමට ගෝලයක්, මේසය මත නිශ්චලව තිබෙන B සමාන සුමට ගෝලයක් සමග සට්ටනය වෙයි. ගැටුම සිදු වන මොහොතේ දී A හි ප්‍රවේගයේ දිශාව ගෝලවල කේන්දු රේඛාව සමග

 $\theta(<rac{\pi}{4})$  කෝණයක් සාදයි. ගෝල දෙක අතර පුතාහගති සංගුණකය e(0 < e < 1) වේ. ගෝල දෙක අතර අනොහ්නා අාවේගයෙහි J විශාලක්වය,  $J = rac{1}{2}mu(1+e)\cos\theta$  මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න. මෙහි m යනු

එක් එක් ගෝලයෙහි ස්කන්ධය ද u යනු ගැටුමට පෙර A හි වේගය ද වේ.

මෙම ආවේගය භාවිතයෙන් හෝ, වෙනත් කුමයකින් හෝ, ගැටුම නිසා සිදු වන මුල් චාලක ශක්තියේ හානි වන භාගය  $\delta$  යන්න  $\delta=rac{1}{2}(1-e^2)\cos^2 heta$  මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.

ගැටුම නිසා A හි පෙතෙහි උත්තුමණ කෝණයේ ටැංජනය Tයන්න  $rac{1+e}{T}=2t+rac{1-e}{t}$  මගින් දෙනු ලබන බව තවදුරටත් පෙන්වන්න; මෙහි t= an heta වේ.

ඒ නයින්, උත්කුමණය උපරිම අගයක් ගන්නේ  $t=\sqrt{rac{1-e}{2}}$  වන විට දී බව පෙන්වා, එවිට  $\delta=rac{1-e^2}{3-e}$  බව පෙන්වන්න.

15. ස්කන්ධය m හා දිග 2a වූ AB ඒකාකාර දණ්ඩක G මධා ලක්ෂාය ඔස්සේ යන AB ට ලම්බ අක්ෂයක් වටා අවස්ථිති සූර්ණය <sup>1</sup>/<sub>3</sub> ma<sup>2</sup> බව පෙන්වන්න.

AB දණ්ඩෙහි A කෙළවරට කුඩා සුමට සැහැල්ලු මුදුවක් ඇඳා ඇති අතර, තිරස් ව සවි කර ඇති සුමට සෘජු කම්බියක් දිගේ මුදුවට චලනය වීමට නිදහස ඇත. දණ්ඩ, කම්බිය දිගේ ඊට පහළින් අල්වා තබා එම පිහිටීමේ සිට නිශ්චලතාවයෙන් මුදා හරිනු ලැබේ.

- (i) දණ්ඩේ G මධා ලක්ෂාය Lසිරස් සරල රේඛාවක චලනය වන බව හා
- (ii) දණ්ඩ ති්රසට  $\theta$  කෝණයක් ආතත වූ විට එහි  $\dot{\theta}$  කෝණික වේගය,  $a\dot{\theta}^2 = rac{6g\sin\theta}{1+3\cos^2\theta}$  මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.

දණ්ඩ සිරස් වන විට G හි පුවේගය සොයන්න.

දැන්, දණ්ඩ සිරස් වන මොහොතේ දී මුදුව කැඩී දණ්ඩ ගුරුත්වය යටතේ පමණක් චලනය වීමට පටන් ගනියි.

පසු ව සිදු වන දණ්ඩෙහි චලිතයේ දී G මධාා ලක්ෂාය, එම L සිරස් සරල රේඛාව දිගේ ම නියත g ත්වරණයෙන්

චලනය වන බව ද දණ්ඩ  $\sqrt{rac{6g}{a}}$  නියත කෝණික වේගයකින් G වටා භුමණය වන බව ද පෙන්වන්න.

PERMASTER LK

[නවවැනි පිටුව බලන්න.

16. (a) එක්තරා කීඩාවක දී කීඩකයෙක් ආනත තලයක් දිගේ පහළට බෝලයක් **දෙවරක්** පෙරළිය යුතු අතර එක් එක් වාරයෙහි දී බෝලය 1,2,4,2,1 වෙන් වෙන් ව ලකුණු කර ඇති සිදුරු පහෙන් එකකට වැටී තැන්පත් වේ.

ඕනෑ ම සිදුරක බෝලය වැටී තැන්පත් වීමේ සම්භාවිතාව <u>|</u> ක් වේ.

X = "බෝලය තැන්පත් වන සිදුරුවලට ලබා දී ඇති ලකුණු දෙකෙහි එකතුව" යැයි ගනිමු. X සඳහා සම්භාවිතා වහාප්ති වගුව පහත දී ඇත.

x	2	3	4	5	6	8
P(X=x)	4p	q	4 <i>p</i>	4p	- 4 <i>p</i>	р

p හා q හි අගයන් සොයන්න.

E(X) හා  $E(X^2)$  සොයා, Var(X) = 2.4 බව පෙන්වන්න.

(b) Y විවික්ත සසම්භාවී විචලායක් සඳහා සමුච්චිත වාහප්ති ශිතය F(y) යන්න  $F(y) = ky^2$ , y = 1, 2, 3 මගින් දෙනු ලැබේ. k හි අගයත් Y හි සම්භාවිතා වාහප්තියත් සොයන්න.

E(Y) හා E(3Y-2) හි අගයන් ද සොයන්න.

# 

- (i) P(X > 1) හා  $P\left(X > 1 | X > \frac{1}{2}\right)$  සොයන්න.
- (ii)  $E(X) = \frac{2}{3}$  බව පෙන්වා, Var(X) සොයන්න.

(b) සීනි පැකට්වල බර, මධානාය 500 g හා සම්මත අපගමනය 10 g සහිත ව පුමත ලෙස ව්යාප්ත වී ඇත.

- සසම්භාවී ලෙස තෝරා ගන්නා ලද පැකට් එකක බර 490 g හා 505 g අතර තිබීමේ සම්භාවිතාව සොයන්න.
- (ii) සියලු ම පැකට්වලින් 95% ක බර, (500 k) g හා (500 + k) g අතර තිබෙන පරිදි k හි අගය සොයන්න.
- (iii) පැකට් පහක් සසම්භාවී ලෙස තෝරා ගනු ලැබේ. මේවායින් වැඩි තරමින් දෙකක බර 495 g ට වඩා අඩුව තිබීමේ සම්භාවිතාව සොයන්න.

\* \* \*

## PAPERMASTER LK