

ಆರ್ಥಿಕ ವಿಜ್ಞಾನ/ಪಣ್ಯಾಯ ಪಾಠತ್ತಿಟಂ/Old Syllabus

අධ්‍යාපන පොදු සහතික පත්‍ර (උසේ පෙළ) විභාගය, 2020
කළම්පීප පොතාත් තාක්ත්‍රය පත්තිය (2 යාර් තා) පරි මෘදු, 2020
General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, 2020

සංයුත්ත ගණිතය

இணைந்த கணிதம்

Combined Mathematics

10 TI

பை ரூபா
முன்று மணித்தியாலம்
Three hours

| | |
|-------------------------|-----------------|
| අමතර තියවීම කාලය | - මිනින්ද 10 දි |
| මොලතික වාසිප්ප නෙරුම | - 10 නිමිත්තකൾ |
| Additional Reading Time | - 10 minutes |

வினாத்தானை வாசித்து, வினாக்களைத் தெரிவிசெய்வதற்கும் விடை எழுதும்போது முன்னுரிமை வழங்கும் வினாக்களை ஒழுங்கமைத்துக் கொள்வதற்கும் மேலதிக வாசிப்பு நேரத்தைப் பயன்படுத்துக.

ପ୍ରକାଶକ

அரிவாயக்கல்கள் :

- * இவ்வினாத்தாள் பகுதி A (வினாக்கள் 1 - 10), பகுதி B (வினாக்கள் 11 - 17) என்னும் இரு பகுதிகளைக் கொண்டது.
 - * பகுதி A :
எல்லா வினாக்களுக்கும் விடை எழுதுக. ஒவ்வொரு வினாவுக்குமுரிய உமது விடைகளைத் தரப்பட்டுள்ள இடத்தில் எழுதுக. மேலதிக இடம் தேவைப்படுமெனின், நீர் மேலதிகத் தாள்களைப் பயன்படுத்தலாம்.
 - * பகுதி B :
ஜந்து வினாக்களுக்கு மாத்திரம் விடை எழுதுக. உமது விடைகளைத் தரப்பட்டுள்ள தாள்களில் எழுதுக.
 - * ஒதுக்கப்பட்டுள்ள நேரம் முடிவடைந்ததும் பகுதி A இன் விடைத்தாளானது பகுதி B இன் விடைத்தாளுக்கு மேலே இருக்கத்தக்கதாக இரு பகுதிகளையும் இணைத்துப் பரிசை மண்டப மேற்பார்வையாளரிடம் கையளிக்க.
 - * வினாத்தாளின் பகுதி B ஜ மாத்திரம் பரிசை மண்டபத்திலிருந்து வெளியே எடுத்துச் செல்வதற்கு அனுமதிக்கப்படும்.

பாரிசுகார்களின் உபயோகத்திற்கு மாத்திரம்

| (10) இணைந்த கணிதம் I | | |
|----------------------|----------|-----------|
| பகுதி | வினா எண் | புள்ளிகள் |
| A | 1 | |
| | 2 | |
| | 3 | |
| | 4 | |
| | 5 | |
| | 6 | |
| | 7 | |
| | 8 | |
| | 9 | |
| | 10 | |
| B | 11 | |
| | 12 | |
| | 13 | |
| | 14 | |
| | 15 | |
| | 16 | |
| | 17 | |
| மொத்தம் | | _____ |

மொக்கம்

| | |
|-------------|--|
| இலக்கத்தில் | |
| எழுக்கில் | |

കുറിയീട് ടെന്നുകൾ

| | |
|-----------------------|---|
| வினாட்ததாள் பரீட்சகர் | |
| பரிசீலித்தவர்: | 1 |
| | 2 |
| மேற்பார்வை செய்தவர்: | |

ପାତ୍ର A

1. கணிதத் தொகுத்தறிவுக் கோட்பாட்டைப் பயன்படுத்தி, எல்லா $n \in \mathbb{Z}^+$ இற்கும் $\sum_{r=1}^n (4r+1) = n(2n+3)$ என்றிருவுக.

2. ஒரே வரிப்படத்தில் $y = 3|x - 1|$, $y = |x| + 3$ ஆகியவற்றின் வரைபுகளைப் பரும்படியாக வரைக.

இதிலிருந்து அல்லது வேறு விதமாக, சமனிலி $3|2x-1| > 2|x| + 3$ ஜத் திருப்தியாக்கும் x இன் எல்லா மெய்ப் பெறுமானங்களையும் காண்க.

சிறந்த சில்லறி அனெரினி /முழுப் பதிப்புரிமையுடையது/All Rights Reserved]

பெரும் திரட்டுக்கை/பழைய பாடத்திட்டம்/Old Syllabus

OLD

ପିଲ୍ଲକୁ ଉତ୍ତର ଓ ଦିନେଶ୍ଵରନାଥ

କ୍ରିମିଯନ୍ତା ପାଇଁ କୋଟିଶହିରି କିମ୍ବା କିମ୍ବା

Department of Examinations, Sri Lanka

**ଅଧିକାରୀ ପୋଷ୍ଟ ସହାଯିତା ପତ୍ର (ଉଚ୍ଚ ପେଲ) ମେଲୁଆସ୍ୟ, 2020
କଲ୍‌ପିଲ୍ ପୋତୁକ ତର୍ଗତରୁପ ପତ୍ତନୀ (୨ ବ୍ୟର ତରୁପ) ପରୀକ୍ଷା, 2020
General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, 2020**

கல்வி கணிதம்

10 TI

பகுதி B

* ஜந்து வினாக்களுக்கு மாத்திரம் விடை எழுதுக.

11. (a) $f(x) = x^2 + px + c$, $g(x) = 2x^2 + qx + c$ எனக் கொள்வோம்; இங்கு $p, q \in \mathbb{R}$ மற்றும் $c > 0$ ஆகும்.

$f(x) = 0$, $g(x) = 0$ ஆகியன ஒரு பொது மூலம் α ஐக் கொண்டுள்ளன எனத் தரப்பட்டுள்ளது. $\alpha = p - q$ எனக் காட்டுக.

c ஜ p, q ஆகியவற்றில் கண்டு,

- (ii) $f(x) = 0$ இன் பிரித்துக்காட்டி $(3p - 2q)^2$ எனவும் உய்த்தறிக.

$f(x) = 0$, $g(x) = 0$ ஆகியவற்றின் மற்றைய மூலங்கள் முறையே β, γ எனக் கொள்வோம். $\beta = 2\gamma$ எனக் காட்டுக. மேலும் β, γ ஆகியவற்றை மூலங்களாகக் கொண்ட இருபடிச் சமன்பாடு $2x^2 + 3(2p-q)x + (2p-q)^2 = 0$ இனால் தரப்படுகின்றது எனக் காட்டுக.

- (b) $h(x) = x^3 + ax^2 + bx + c$ எனக் கொள்வோம்; இங்கு $a, b, c \in \mathbb{R}$ ஆகும். $h(x)$ இன் ஒரு காரணி $x^2 - 1$ எனத் தரப்பட்டுள்ளது. $b = -1$ எனக் காட்டுக.

மேலும் $h(x)$ ஆனது $x^2 - 2x$ இனால் வகுக்கப்படும்போது மீதி $5x + k$ எனத் தரப்பட்டுள்ளது; இங்கு $k \in \mathbb{R}$ ஆகும். k இன் பொழுதாக கண்டு, $h(x)$ ஜி வாழவும் $(x - \lambda)^2(x - \mu)$ இல் எழுதலாம் எனக் காட்டுக; இங்கு $\lambda, \mu \in \mathbb{R}$.

- 12.(a) ஜந்து பியானோ வாசிப்பவர்கள், ஜந்து கிதார் வாசிப்பவர்கள், மூன்று பெண் பாடகர்கள், ஏழு ஆண் பாடகர்கள் ஆகியோரிலிருந்து செப்பமாக இரு பியானோ வாசிப்பவர்களும் குறைந்தபட்சம் நான்கு கிதார் வாசிப்பவர்களும் இடம்பெறுமாறு பதினொரு உறுப்பினர்களைக் கொண்ட ஓர் இசைக் குழுவைத் தெரிவிசெய்ய வேண்டியுள்ளது. அத்தகைய எத்தனை வெவ்வேறு இசைக் குழுக்கள் தெரிவிசெய்யப்பட முடியுமெனக் காண்க.

இவற்றுள் செப்பமாக இரு பெண் பாடகர்களைக் கொண்டிருக்கும் இசைக் குழுக்களின் எண்ணிக்கையையும் காண்க.

- (b) $r \in \mathbb{Z}^+$ இங்கு $U_r = \frac{3r-2}{r(r+1)(r+2)}$, $V_r = \frac{A}{r+1} - \frac{B}{r}$ எனக் கொள்வோம்; இங்கு $A, B \in \mathbb{R}$.

$r \in \mathbb{Z}^+$ இற்கு $U_r = V_r - V_{r+1}$ ஆகுமாறு A, B ஆகியவற்றின் பெறுமானங்களைக் காண்க.

இதிலிருந்து, $n \in \mathbb{Z}^+$ இற்கு $\sum_{r=1}^n U_r = \frac{n^2}{(n+1)(n+2)}$ எனக் காட்டுக.

முடிவில் தொடர் $\sum_{r=1}^{\infty} U_r$ ஒருங்குகிறதெனக் காட்டி, அதன் கூட்டுத்தொகையைக் காண்க.

இப்போது $r \in \mathbb{Z}^+$ இற்கு $W_r = U_{r+1} - 2U_r$ எனக் கொள்வோம். $\sum_{r=1}^n W_r = U_{n+1} - U_1 - \sum_{r=1}^n U_r$ எனக் காட்டுக.

முடிவில் தொடர் $\sum_{r=1}^{\infty} W_r$ ஒருங்குகிறதென உய்த்தறிந்து, அதன் கூட்டுத்தொகையைக் காண்க.

13.(a) $A = \begin{pmatrix} a+1 & 0 \\ 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \\ a & 2 \end{pmatrix}$, $C = \begin{pmatrix} a & 1 \\ a & 2 \end{pmatrix}$ எனக் கொள்வோம்; இங்கு $a \in \mathbb{R}$.

$A^T B - I = C$ எனக் காட்டுக; இங்கு I வரிசை 2 ஜி உடைய சர்வசமன்பாட்டுத் தாயம் ஆகும்.

மேலும், $a \neq 0$ ஆக இருந்தால் - இருந்தால் மாத்திரம் C^{-1} இருக்கும் எனவும் காட்டுக.

இப்போது, $a = 1$ எனக் கொள்வோம். C^{-1} ஜி எழுதுக.

$CPC = 2I + C$ ஆகுமாறு தாயம் P ஜக் காண்க.

(b) $z, w \in \mathbb{C}$ எனக் கொள்வோம். $|z|^2 = z\bar{z}$ எனக் காட்டி, அதனை $z - w$ இற்குப் பிரயோகித்து,

$$|z-w|^2 = |z|^2 - 2 \operatorname{Re} z\bar{w} + |w|^2$$
 எனக் காட்டுக.

$$|1-z\bar{w}|^2$$
 இற்கும் ஒர் ஒத்த கோவையை எழுதி, $|z-w|^2 - |1-z\bar{w}|^2 = -\left(1-|z|^2\right)\left(1-|w|^2\right)$ எனக் காட்டுக.

$$|w|=1, z \neq w \text{ எனின், } \left| \frac{z-w}{1-z\bar{w}} \right| = 1 \text{ என உயத்தறிக.}$$

(c) $1+\sqrt{3}i$ ஜி $r(\cos \theta + i \sin \theta)$ என்னும் வடிவத்தில் எடுத்துரைக்க; இங்கு $r > 0$ உம் $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$ உம் ஆகும்.

ஒர் ஆகண் வரிப்படத்தில் புள்ளி O ஆனது உற்பத்தியையும் புள்ளி A ஆனது சிக்கல் எண் $1+\sqrt{3}i$ ஜூம் வகைகுறிக்கின்றன. $OABCDE$ ஆனது, O, A ஆகியன அதன் இரு அடுத்துத்த உச்சிகளாகவும் உச்சிகளின் வரிசை இடஞ்சுழிப் போக்கிலும் எடுக்கப்பட்ட, ஒழுங்கான அறுகோணியாகும். B, C, D, E ஆகிய புள்ளிகளினால் வகைகுறிக்கப்படும் சிக்கல் எண்களைக் காண்க.

14.(a) $x \neq 3$ இற்கு $f(x) = \frac{x(2x-3)}{(x-3)^2}$ எனக் கொள்வோம்.

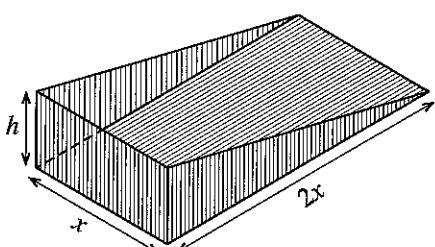
$f(x)$ இன் பெறுநி $f'(x)$ ஆனது $x \neq 3$ இற்கு $f'(x) = \frac{9(1-x)}{(x-3)^3}$ இனால் தரப்படுகின்றது எனக் காட்டுக.

இதிலிருந்து, $f(x)$ அதிகரிக்கின்ற ஆயிடையையும் $f(x)$ குறைகின்ற ஆயிடைகளையும் காண்க. மேலும் $f(x)$ இன் திரும்பற் புள்ளியின் ஆள்க்கலைகளைக் காண்க.

$y = f(x)$ இன் வரைபை அனுகோடுகள், திரும்பற் புள்ளி, x - வெட்டுத்துண்டுகள் ஆகியவற்றைக் காட்டிப் பரும்பாடியாக வரைக.

வரைபைப் பயன்படுத்திச் சமனிலி $\frac{1}{1+f(x)} \leq \frac{1}{3}$ ஜக் திருப்தியாக்கும் x இன் எல்லா மெய்ப் பெறுமானங்களையும் காண்க.

(b) ஒரு தாசித் தட்டின் கைப்பிடி இல்லாத பகுதியை அருகே உள்ள உரு காட்டுகின்றது. சென்றிமீற்றில் அதன் பரிமாணங்கள் உருவில் காட்டப்பட்டுள்ளன. அதன் கனவளவு $x^2h \text{ cm}^3$ ஆனது 4500 cm^3 எனத் தரப்பட்டுள்ளது. அதன் மேற்பரப்பின் பரப்பளவு $S \text{ cm}^2$ ஆனது $S = 2x^2 + 3xh$ இனால் தரப்பட்டுள்ளது. $x = 15$ ஆக இருக்கும்போது S குறைந்தபட்சமாகும் எனக் காட்டுக.



15. (a) எல்லா $x \in \mathbb{R}$ இற்கும் $x^3 + 13x - 16 = A(x^2 + 9)(x + 1) + B(x^2 + 9) + 2(x + 1)^2$ ஆகுமாறு A, B ஆகிய மாறிலிகள் உள்ளனவெனத் தரப்பட்டுள்ளது.

A, B ஆகியவற்றின் பெறுமானங்களைக் காண்க.

இதிலிருந்து, $\frac{x^3 + 13x - 16}{(x+1)^2 (x^2 + 9)}$ ஜப் பகுதிப் பின்னங்களில் எழுதி,

$\int \frac{x^3 + 13x - 16}{(x+1)^2 (x^2 + 9)} dx$ ஜக் காண்க.

(b) பகுதிகளாகத் தொகையிடலைப் பயன்படுத்தி, $\int_0^1 e^x \sin^2 \pi x dx$ ஜப் பெறுமானங் கணிக்க.

(c) a ஒரு மாறிலியாக இருக்கும் சூத்திரம் $\int_0^a f(x) dx = \int_0^a f(a-x) dx$ ஜப் பயன்படுத்தி,

$\int_0^\pi x \cos^6 x \sin^3 x dx = \frac{\pi}{2} \int_0^\pi \cos^6 x \sin^3 x dx$ எனக் காட்டுக.

இதிலிருந்து, $\int_0^\pi x \cos^6 x \sin^3 x dx = \frac{2\pi}{63}$ எனக் காட்டுக.

16. $A \equiv (1, 2)$ எனவும் $B \equiv (3, 3)$ எனவும் கொள்வோம்.

A, B ஆகிய புள்ளிகளினுடாகச் செல்லும் நேர்கோடு l இன் சமன்பாட்டைக் காண்க.

ஒவ்வொன்றும் l உடன் கூர்ந்கோணம் $\frac{\pi}{4}$ ஜ ஆக கிக்கொண்டு A இனுடாகச் செல்லும் l_1, l_2 என்னும் நேர்கோடுகளின் சமன்பாடுகளைக் காண்க.

l மீது உள்ள யாதாயினும் ஒரு புள்ளியின் ஆள்கூறுகள் வடிவம் $(1 + 2t, 2 + t)$ இல் எழுதப்படலாம் எனக் காட்டுக; இங்கு $t \in \mathbb{R}$.

l_1, l_2 ஆகிய இரண்டையும் தொடுவதும் மையம் l மீது உள்ளதும் ஆரை $\frac{\sqrt{10}}{2}$ ஜ உடையதும் முழுவதும் முதலாம் கால்வட்டத்தில் அமைகின்றதுமான வட்டம் C_1 இன் சமன்பாடு $x^2 + y^2 - 6x - 6y + \frac{31}{2} = 0$ எனவும் காட்டுக.

விட்டம் ஒன்றின் முனைகள் A ஆகவும் B ஆகவும் உள்ள வட்டம் C_2 இன் சமன்பாட்டை எழுதுக.

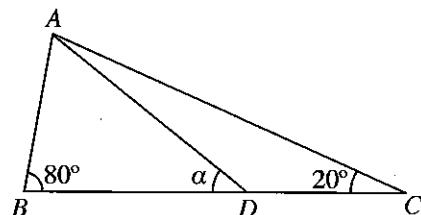
C_1, C_2 ஆகிய வட்டங்கள் நிமிர்கோணமாக இடைவெட்டுகின்றனவா எனத் துணிக.

17. (a) $\sin(A-B)$ மற்றும் $\sin A, \cos A, \sin B, \cos B$ ஆகியவற்றில் எழுதுக.

- (i) $\sin(90^\circ - \theta) = \cos \theta$,
- (ii) $2 \sin 10^\circ = \cos 20^\circ - \sqrt{3} \sin 20^\circ$

என உய்த்தறிக.

(b) வழக்கமான குறிப்பிட்டில் ஒரு முக்கோணி ABC இற்குச் சென் நெறியைக் காட்டுக.



உருவில் காட்டப்பட்டுள்ள முக்கோணி ABC இல் $\hat{A}BC = 80^\circ$ மற்றும் $\hat{ACB} = 20^\circ$ ஆகும். BC மீது புள்ளி D ஆனது $AB = DC$ ஆகுமாறு உள்ளது. $\hat{ADB} = \alpha$ எனக் கொள்வோம்.

பொருத்தமான முக்கோணிகளுக்குச் சென் நெறியைப் பயன்படுத்தி, $\sin 80^\circ \sin(\alpha - 20^\circ) = \sin 20^\circ \sin \alpha$ எனக் காட்டுக.

ஏன் $\sin 80^\circ = \cos 10^\circ$ என விளக்கி, இதிலிருந்து, $\tan \alpha = \frac{\sin 20^\circ}{\cos 20^\circ - 2 \sin 10^\circ}$ எனக் காட்டுக.

மேலே (a)(ii) இல் உள்ள முடிவைப் பயன்படுத்தி $\alpha = 30^\circ$ என உய்த்தறிக.

(c) சமன்பாடு $\tan^{-1}(\cos^2 x) + \tan^{-1}(\sin x) = \frac{\pi}{4}$ ஜத் தீர்க்க.

* * *

പിരുമ്പി നിർദ്ദേശങ്ങൾ/പാഠ്യം പാതക്കളിൽ/Old Syllabus

ඉංග්‍රීසි විෂය උගාරත්මකව **ලංජනා ප්‍රාග්ධන ත්‍රිත්‍යම** **Department of Examinations, Sri Lanka**

அதிகார போட்ட கல்விக் கலை (கணக்கு போட்ட) விழுது, 2020
கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தரப்)ப் பரிசீலனை, 2020
General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, 2020

ஸங்கூக்த கணிதம் II
இணைந்த கணிதம் II
Combined Mathematics II

10 T II

ପ୍ରେ ବୁନ୍ଦି
ମୁଣ୍ଡୁ ମଣିତତିଯାଳମ୍
Three hours

| | |
|-------------------------|------------------|
| அமலர் கிடைக்கும் காலை | - திதிந்து 10 மி |
| மேலதிக வாசிப்பு நேரம் | - 10 நிமிடங்கள் |
| Additional Reading Time | - 10 minutes |

வினாத்தாளை வாசித்து, வினாக்களைத் தெரிவுசெய்வதற்கும் விடை எழுதும்போது முன்னுரிமை வழங்கும் வினாக்களை ஒழுங்கமைத்துக் கொள்வதற்கும் மேலதிக வாசிப்பு நேரத்தைப் பயன்படுத்துக.

| | | | | | | | |
|---------|--|--|--|--|--|--|--|
| கட்டுமை | | | | | | | |
|---------|--|--|--|--|--|--|--|

அறிவுறுத்தல்கள் :

- * இவ்வினாத்தாள் பகுதி A (வினாக்கள் 1 - 10), பகுதி B (வினாக்கள் 11 - 17) என்னும் இரு பகுதிகளைக் கொண்டது.
 - * பகுதி A :

எல்லா வினாக்களுக்கும் விடை எழுதுக. ஒவ்வொரு வினாவுக்குமுறிய உமது விடைகளைத் தரப்பட்டுள்ள இடத்தில் எழுதுக. மேலதிக இடம் தேவைப்படுமெனின், நீர் மேலதிகத் தாள்களைப் பயன்படுத்தலாம்.

 - * பகுதி B :

ஐந்து வினாக்களுக்கு மாத்திரம் விடை எழுதுக. உமது விடைகளைத் தரப்பட்டுள்ள தாள்களில் எழுதுக.

 - * ஒதுக்கப்பட்டுள்ள நேரம் முடிவடைந்ததும் பகுதி A இன் விடைத்தாளானது பகுதி B இன் விடைத்தாள்களுக்கு மேலே இருக்கத்தக்கதாக இரு பகுதிகளையும் இணைத்துப் பரிட்சை மண்டப மேற்பார்வையாளரிடம் கையளிக்க.
 - * வினாத்தாளின் பகுதி B ஜ மாத்திரம் பரிட்சை மண்டபத்திலிருந்து வெளியே எடுத்துச் செல்வதற்கு அனுமதிக்கப்படும்.
 - * இவ்வினாத்தாளில் g ஆனது புவியீர்ப்பினாலான ஆர்முடுகளைக் குறிக்கின்றது.

பரிட்சகர்களின் உபயோகத்திற்கு மாத்திரம்

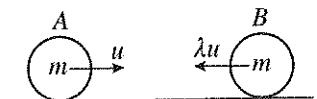
| (10) இணைந்த கணிதம் II | | |
|-----------------------|----------|-----------|
| பகுதி | வினா எண் | புள்ளிகள் |
| A | 1 | |
| | 2 | |
| | 3 | |
| | 4 | |
| | 5 | |
| | 6 | |
| | 7 | |
| | 8 | |
| | 9 | |
| | 10 | |
| B | 11 | |
| | 12 | |
| | 13 | |
| | 14 | |
| | 15 | |
| | 16 | |
| | 17 | |
| மொத்தம் | | |

| வெள்ளத்துடம் | |
|--------------|--|
| இலக்கத்தில் | |
| எழுத்தில் | |

| | |
|----------------------|---------------|
| விடைத்தாள் பரிசுகர் | அறியடையாக்கள் |
| பரிசீலித்தவர்: | 1 |
| மேற்பார்வை செய்தவர்: | 2 |

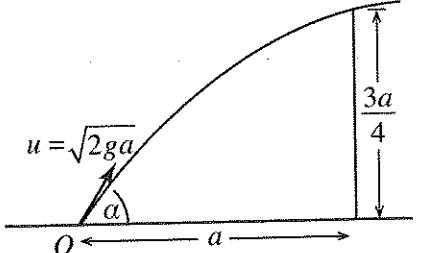
பகுதி A

1. ஒவ்வொன்றினதும் திணிவு m ஆகவுள்ள A, B என்னும் இரு துணிக்கைகள் ஓர் ஓப்பமான கிடை நிலத்தின் மீது ஒரே நேர்கோட்டில் ஆனால் எதிர்த் திசைகளில் இயங்கிக்கொண்டு நேரடியாக மோதுகின்றன. மோதுகைக்குச் சற்று முன்னர் A, B ஆகியவற்றின் வேகங்கள் முறையே $u, \lambda u$ ஆகும். A இறகும் B இறகுமிடையே உள்ள மீளமைவுக் குணகம் $\frac{1}{2}$ ஆகும்.



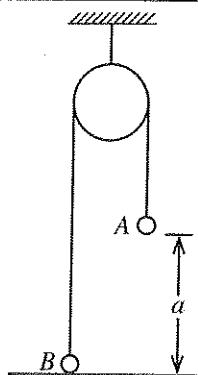
மோதுகைக்குச் சற்றுப் பின்னர் A இன் வேகத்தைக் கண்டு, $\lambda > \frac{1}{3}$ எனின், A இன் இயக்கத் திசை புறமாற்றப்படுமெனக் காட்டுக.

2. ஒரு துணிக்கை ஒரு கிடை நிலத்தின் மீது உள்ள ஒரு புள்ளி O இலிருந்து கிடையுடன் கோணம் α ($0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$) இல் தொடக்க வேகம் $u = \sqrt{2ga}$ உடன் ஏறியப்படுகின்றது. துணிக்கை O இலிருந்து ஒரு கிடைத் தூரம் a இல் இருக்கும் உயரம் $\frac{3a}{4}$ ஜக் கொண்ட ஒரு நிலைக்குத்துச் சுவருக்கு மட்டுமேட்டாக மேலாகச் செல்கின்றது. $\sec^2 \alpha - 4 \tan \alpha + 3 = 0$ எனக் காட்டுக.



இதிலிருந்து, $\alpha = \tan^{-1}(2)$ எனக் காட்டுக.

3. ஒவ்வொன்றும் தினிவு t ஜ உடைய A, B என்னும் இரு துணிக்கைகள் ஓர் ஒப்பமான நிலைத்த கப்பிக்கு மேலாகச் செல்லும் ஓர் இலோசான நீட்டமுடியாத இழையின் இரு நுணிகளில் இணைக்கப்பட்டு, உருவில் காட்டப்பட்டுள்ளவாறு துணிக்கை A ஒரு கிடை நிலத்திலிருந்து உயரம் a இலும் துணிக்கை B நிலத்தைத் தொட்டுக் கொண்டும் இருக்கும்போது நாப்பத்தில் உள்ளன. இப்போது துணிக்கை A இற்கு நிலைக்குத்தாகக் கீழ்நோக்கி ஒரு கணத்தாக்கு tu வழங்கப்படுகின்றது. கணத்தாக்கிற்குச் சம்மூல பின்னர் துணிக்கை A இன் வேகத்தைக் காண்க.
 A நிலத்தை அடைவதற்கு எடுக்கும் நேரத்தை எழுதுக.

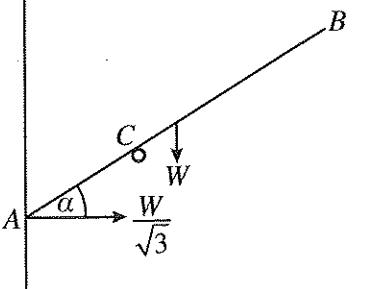


4. தினை 1500 kg ஜி உடைய ஒரு கார் பருமன் 500 N ஜி உடைய ஒரு மாறுதல் தடைக்கெதிரே ஒரு நேர்க் கிடை வீதியில் செல்கின்றது. காரின் எஞ்சின் 50 kW வலுவில் தொழிற்பட்டு கார் 25 m s^{-1} கதியில் செல்லும்போது அதன் ஆற்முடுகலைக் காண்க.

இக்கணத்தில் காரின் எஞ்சின் தொழிற்படாமல் நிற்பாட்டப்படுகின்றது. எஞ்சின் தொழிற்படாமல் நிற்பாட்டப்படும் கணத்திலிருந்து 50 செக்கன்களிற்குப் பின்னர் காரின் கதியைக் காண்க.

5. $a > 0$ எனவும் வழக்கமான குறிப்பிட்டில் ஒரு நிலைத்த உற்பத்தி O ஜக் குறித்து A, B என்னும் இரு புள்ளிகளின் தானக் காவிகள் முறையே $i + aj$, $ai - 2j$ எனவும் கொள்வோம். மேலும் AB மீது C ஆனது $AC : CB = 1 : 2$ ஆக இருக்குமாறு உள்ள புள்ளியாகும். OC ஆனது AB இற்குச் செங்குத்தானதெனத் தரப்பட்டுள்ளது. a இன் பெறுமானத்தைக் காண்க.

$$AC = \frac{3}{4}a \text{ எனவும் காட்டுக.}$$



7. A, B ஆகியன ஒரு மாதிரி வெளி Ω இன் இரு நிகழ்வுகளைக் கொள்வோம். வழக்கமான குறிப்பிட்டில் $P(A) = \frac{3}{5}$, $P(B|A) = \frac{1}{4}$, $P(A \cup B) = \frac{4}{5}$ எனத் தரப்பட்டுள்ளது. P(B) ஐக் காண்க.

A, B ஆகிய நிகழ்வுகள் சாராதன அல்ல எனக் காட்டுக.

A, B ஆகிய நிகழ்வுகள் சாராதன அல்ல எனக் காட்டுக.

8. ஒரு பை A இல் 3 சிவப்புப் பந்துகளும் 4 கறுப்புப் பந்துகளும் வேறொரு பை B இல் 4 சிவப்புப் பந்துகளும் 3 கறுப்புப் பந்துகளும் உள்ளன. பை A இலும் பை B இலும் உள்ள பந்துகள் நிறம் தவிர மற்றைய எல்லா அம்சங்களிலும் சர்வசமனானவை. பை A இலிருந்து ஒரு பந்து எழுமாற்றாக வெளியே எடுக்கப்பட்டு பை B இனுள் இடப்படுகின்றது. இப்போது பை B இலிருந்து ஒரு பந்து எழுமாற்றாக வெளியே எடுக்கப்படுகின்றது.

- (i) பை B இலிருந்து வெளியே எடுக்கப்பட்ட பந்து கறுப்பாக இருப்பதற்கான
(ii) பை A இலிருந்து வெளியே எடுக்கப்பட்ட பந்து சிவப்பு எனத் தரப்பட்டிருக்கும்போது பை B இலிருந்து வெளியே எடுக்கப்பட்ட பந்து கறுப்பாக இருப்பதற்கான
நிகழ்த்தகவைக் காண்க.

9. ஒவ்வொன்றும் 10 இலும் குறைந்த அல்லது அதற்குச் சமமான நேர் நிறைவெண்களின் 5 நோக்கல்களைக் கொண்ட ஒரு தொடையின் இடை, இடையம், ஆகாரம் ஆகிய ஒவ்வொன்றும் 6 இற்குச் சமமாகும். நோக்கல்களின் வீச்சு 9 ஆகும். இந்த ஐந்து நோக்கல்களையும் காண்க.

10. ஒரு வகுப்பில் உள்ள மாணவர்கள் ஒரு புள்ளிவிவரவியல் வினாக்களிற்குப் பெற்ற புள்ளிகளின் இடை, நியம விலகல் என்பன முறையே 40, 15 ஆகும். குத்திரம் $t = \frac{1}{3}(70 + 2x)$ ஜப் பயன்படுத்தி இப்புள்ளிகள் உருமாற்றப்பட்டுள்ளன; இங்கு x ஆரம்பப் புள்ளியாகும். உருமாற்றப்பட்ட புள்ளிகளின் இடையையும் நியம விலகலையும் காண்க.

உருமாற்றப்பட்ட புள்ளிகளின் இடையம் 55 ஆகும். ஆரம்பப் புள்ளிகளின் இடையத்தைக் காண்க.

3. ஒரே ஆகண் வரிப்படத்தில்

$$(i) \quad \operatorname{Arg}(z + 1 - 3i) = -\frac{\pi}{4},$$

$$(ii) \quad |z - 2| = \sqrt{2}$$

என்பவற்றைத் திருப்தியாக்கும் சிக்கல் எண்கள் Z ஜ் வகைக்குறிக்கும் புள்ளிகளின் ஒழுக்குகளைப் பறும்படியாக வரைக.

இதிலிருந்து, இவ்வொழுக்குகளின் வெட்டுப் புள்ளிகளினால் வகைகுறிக்கப்படும் சிக்கல் என்கண்டு எழுதக்.

4. $n \in \mathbb{Z}^+$ எனக் கொள்வோம். $(1 + x)^n$ இன் ஈருப்பு விரியை x இன் வலுக்களின் ஏறுவரிசையில் எழுதுக. மேலே தரப்பட்ட விரியில் இரு அடுத்துள்ள உறுப்புகளின் குணகங்கள் சமன் எனின், n ஒற்றையானது எனக் காட்டுக.

$$5. \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{3}} \frac{\sin\left(x - \frac{\pi}{3}\right)}{\left(\sqrt{3x} - \sqrt{\pi}\right)} = \frac{2\sqrt{\pi}}{3} \text{ எனக் காட்டுக.}$$

6. $y = \frac{e^{2x}}{(1+e^x)^2}$, $x = 0$, $x = \ln 3$, $y = 1$ என்னும் வளையிகளினால் வரைப்புற்ற பிரதேசத்தின் பரப்பளவு $\ln\left(\frac{3}{2}\right) + \frac{1}{4}$ எனக் காட்டுக.

7. ஒரு வளையில் C ஆனது $-\frac{\pi}{4} < t < \frac{3\pi}{4}$ இற்கு $x = 2t - \cos 2t$, $y = 1 - \sin 2t$ ஆகியவற்றினால் பரமானமாகத் தரப்படுகின்றது. $\frac{dy}{dx}$ ஜி t இல் காணக். வளையில் C இற்கு அதன் மீது $t = \frac{\pi}{12}$ இற்கு ஒத்த புள்ளியில் வரையப்படும் செவ்வன் கோட்டின் சமன்பாடு $6\sqrt{3}x - 6y - \sqrt{3}\pi + 12 = 0$ எனக் காட்டுக.

8. $m \in \mathbb{R}$ எனவும் l ஆனது புள்ளி $A \equiv (1, 2)$ இனாடாகச் செல்லும் பயித்திறன் m ஜக் கொண்ட நேர்கோடு எனவும் கொள்வோம். l இன் சமன்பாட்டை m இல் எழுதுக.
புள்ளி $B \equiv (2, 3)$ இலிருந்து கோடு l இற்குச் செங்குத்துத் தூரம் $\frac{1}{\sqrt{5}}$ அலகுகள் எனத் தரப்பட்டுள்ளது. m இன் பெறுமானங்களைக் காண்க.

9. புள்ளி $(-2, 0)$ இல் மையம் தைக் கொண்டதும் புள்ளி $(-1, \sqrt{3})$ இனாடாகச் செல்வதுமான வட்டம் S இன் சமன்பாட்டைக் காண்க.

புள்ளி $A \equiv (1, -1)$ இலிருந்து வட்டம் S இற்கு வரையப்படும் தொடலிகளின் தொடுகை நாணின் சமன்பாட்டை எழுதுக.

இதிலிருந்து, A இலிருந்து S இற்கு வரையப்படும் தொடலிகளின் தொடுகைப் புள்ளிகளின் x -ஆள்கூறுகள் சமன்பாடு $5x^2 + 8x + 2 = 0$ ஐத் திருப்தியாக்குகின்றன எனக் காட்டுக.

10. $n \in \mathbb{Z}$ இற்கு $\theta \neq (2n + 1)\frac{\pi}{2}$ எனக் கொள்வோம்.

சர்வசமன்பாடு $\cos^2 \theta + \sin^2 \theta = 1$ இப் பயன்படுத்தி, $\sec^2 \theta = 1 + \tan^2 \theta$ எனக் காட்டுக.

$\sec \theta + \tan \theta = \frac{4}{3}$ என்க தரப்பட்டுள்ளது. $\sec \theta - \tan \theta = \frac{3}{4}$ என உய்த்தறிக.

இதிலிருந்து, $\cos \theta = \frac{24}{25}$ எனக் காட்டுக.

அரிசி திரட்டையுபழைய பாடக்கிட்டம்/Old Syllabus

ஏவ்வகை மூடு கல்விக் கால (உச்ச மேல்) விழுதை, 2020
 கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரிட்டை, 2020
 General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, 2020

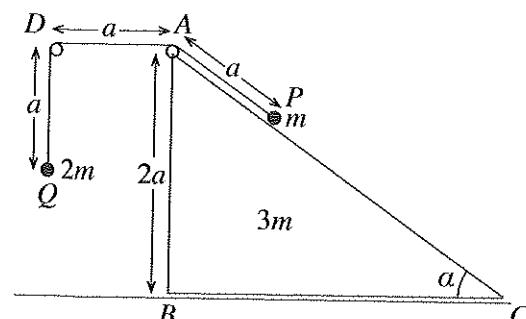
| | |
|----------------------|----|
| ஸங்கூக்க கணிதம் | II |
| இணைந்த கணிதம் | II |
| Combined Mathematics | II |



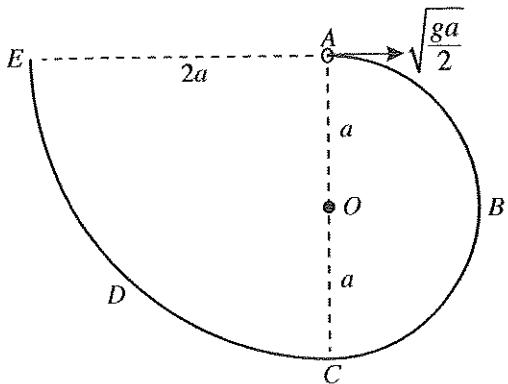
பகுதி B

* ஜந்து வினாக்களுக்கு மாத்திரம் விடை எழுதுக.

(இவ்வினாத்தாளில் g ஆனது புவியீர்ப்பினாலான ஆர்முக்கலைக் குறிச்சிடுதின்றகு)



(b) உருவிற் காட்டப்பட்டுள்ளவாறு ஓர் ஒப்பமான மெல்லிய கம்பி $ABCDE$ ஒரு நிலைக்குத்துத் தளத்தில் நிலைப்படுத்தப்பட்டுள்ளது. பகுதி ABC ஆனது மையம் O ஜூம் ஆரை a ஜூம் கொண்ட ஓர் அரைவட்டமும் பகுதி CDE ஆனது மையம் A ஜூம் ஆரை $2a$ ஜூம் கொண்ட ஒரு வட்டத்தின் காற் பகுதியும் ஆகும். A, C ஆகிய புள்ளிகள் O இனாடாகச் செல்லும் நிலைக்குத்துக் கோட்டிலும் கோடு AE கிடையாகவும் உள்ளன. தினிவு m ஜ உடைய ஒரு சிறிய ஒப்பமான மணி P ஆனது A



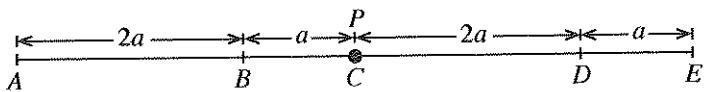
இல் வைக்கப்பட்டு, அதற்குக் கிடையாக ஒரு வேகம் $\sqrt{\frac{ga}{2}}$ தரப்படும் அதே வேளை அது கம்பி வழியே இயங்கத் தொடங்குகின்றது.

\vec{OP} ஆனது \vec{OA} உடன் ஒரு கோணம் θ ($0 \leq \theta \leq \pi$) ஜ ஆக்கும்போது மணி P இன் கதி u ஆனது $u^2 = \frac{ga}{2}(5 - 4\cos\theta)$ இனால் தரப்படுகின்றதெனக் காட்டுக.

மேற்குறித்த தானத்தில் கம்பியிலிருந்து மணி P மீதுள்ள மறுதாக்கத்தைக் கண்டு, $\theta = \cos^{-1}\left(\frac{5}{6}\right)$ ஆகவுள்ள புள்ளியை மணி P கடக்கும்போது அது அதன் திசையை மாற்றுமெனக் காட்டுக.

E இல் மணி P கம்பியிலிருந்து வெளியேறுவதற்குச் சற்று முன்னர் அதன் வேகத்தை எழுதி, அக்கணத்தில் கம்பியின் மூலம் மணி P மீது உள்ள மறுதாக்கத்தைக் காண்க.

13. உருவிற் காட்டப்பட்டுள்ளவாறு ஓர் ஒப்பமான கிடை மேசை மீது A, B, C, D, E என்னும் புள்ளிகள் அதே வரிசையில்



ஒரு நேர்கோட்டில் $AB = 2a, BC = a, CD = 2a, DE = a$ ஆக இருக்குமாறு உள்ளன. இயற்கை நீளம் $2a$ ஜூம் மீன்தன்மை மட்டு kmg ஜூம் உடைய ஓர் இலோசான மீன்தன்மை இழையின் ஒரு நுனி புள்ளி A உடனும் மற்றைய நுனி தினிவு m ஜ உடைய ஒரு துணிக்கை P உடனும் இணைக்கப்பட்டுள்ளன. இயற்கை நீளம் a ஜூம் மீன்தன்மை மட்டு mg ஜூம் உடைய வேறோர் இலோசான மீன்தன்மை இழையின் ஒரு நுனி புள்ளி E உடனும் மற்றைய நுனி துணிக்கை P உடனும் இணைக்கப்பட்டுள்ளன. துணிக்கை P ஆனது C இல் பிடித்து வைக்கப்பட்டு விடுவிக்கப்படும்போது அது நாப்பத்தில் இருக்கின்றது. k இன் பெறுமானத்தைக் காணக.

இப்போது துணிக்கை P ஆனது புள்ளி D ஜ அடையும் வரைக்கும் இழை AP இழுக்கப்பட்டு ஓய்விலிருந்து விடுவிக்கப்படுகின்றது. D தொடக்கம் B வரைக்கும் P இன் இயக்கத்திற்கான சமன்பாடு $\ddot{x} + \frac{3g}{a}x = 0$ இனால் தரப்படுகின்றதெனக் காட்டுக; இங்கு $CP = x$ ஆகும். சூத்திரம் $\dot{x}^2 = \frac{3g}{a}(c^2 - x^2)$ ஜப் பயன்படுத்தித் துணிக்கை P ஆனது B ஜ அடையும்போது அதன் வேகம் $3\sqrt{ga}$ எனக் காட்டுக; இங்கு c ஆனது வீச்சமாகும். B ஜ அடையும்போது துணிக்கை P இங்கு ஒரு கணத்தாக்கு, அக்கணத்தாக்கிற்குச் சற்றுப் பின்னர் P இன் வேகம் \vec{BA} இன் திசையில் \sqrt{ag} ஆக இருக்குமாறு, தரப்படுகின்றது.

B ஜக் கடந்த பின்னர் கணநிலை ஓய்வுக்கு வரும் வரைக்கும் P இன் இயக்கத்தின் சமன்பாடு $\ddot{y} + \frac{g}{a}y = 0$ இனால் தரப்படுகின்றதெனக் காட்டுக; இங்கு $DP = y$.

D இல் தொடங்கித் துணிக்கை P இரண்டாம் தடவை B ஜ அடைவதற்கு எடுக்கும் மொத்த நேரம் $2\sqrt{\frac{a}{g}} \left(\frac{\pi}{3\sqrt{3}} + \cos^{-1}\left(\frac{3}{\sqrt{10}}\right) \right)$ எனக் காட்டுக.

14.(a) a, b ஆகியன இரு அலகுக் காவிகள் எனக் கொள்வோம்.

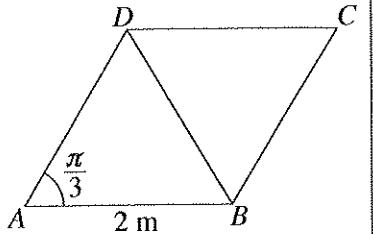
ஒர் உற்பத்தி O ஜக் குறித்து A, B, C ஆகிய மூன்று புள்ளிகளின் தானக் காவிகள் முறையே $12a, 18b, 10a + 3b$ ஆகும்.

\vec{AC}, \vec{CB} ஆகியவற்றை a, b ஆகியவற்றில் எடுத்துரைக்க.

A, B, C ஆகியன ஒரேகோட்டிலுள்ளனவென உய்த்தறிந்து, $AC : CB$ ஜக் காண்க.

$$OC = \sqrt{139} \text{ எனத் தரப்பட்டுள்ளது. } A\hat{O}B = \frac{\pi}{3} \text{ எனக் காட்டுக.}$$

(b) $ABCD$ ஆனது $AB = 2 \text{ m}$ ஆகவும் $B\hat{A}D = \frac{\pi}{3}$ ஆகவும் உள்ள ஒரு சாய்சதுரமாகும். AD, BA, BD, DC, CB ஆகியவற்றின் வழியே எழுத்துகளின் ஒழுங்குமுறையினால் காட்டப்படும் திசைகளில் முறையே $10 \text{ N}, 2 \text{ N}, 6 \text{ N}, P \text{ N}, Q \text{ N}$ பருமனுள்ள விசைகள் தாக்குகின்றன. விளையுள் விசையின் பருமன் 10 N எனவும் அதன் திசை BC இற்குச் சமாந்தரமாக B இலிருந்து C இற்கான திசை எனவும் தரப்பட்டுள்ளது. P, Q ஆகியவற்றின் பெறுமானங்களைக் காண்க.

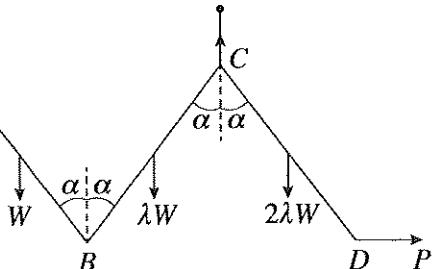


மேலும், விளையுள் விசையின் தாக்கக் கோடானது நீட்டப்பட்ட BA ஜக் சந்திக்கும் புள்ளியிலிருந்து A இற்குள்ள தூரத்தையும் காண்க.

இப்போது விளையுள் விசை A, C ஆகிய புள்ளிகளினுடைக்கச் செல்லுமாறு இடஞ்சுழிப் போக்கில் தாக்கும் திருப்பம் $M \text{ Nm}$ ஜக் கொண்ட ஒர் இணையும் ஒவ்வொன்றும் பருமன் $F \text{ N}$ ஜ உடையனவும் CB, DC ஆகியவற்றின் வழியே எழுத்து ஒழுங்குமுறையினால் காட்டப்படும் திசைகளில் தாக்குவனவுமான இரு விசைகளும் தொகுதியுடன் சேர்க்கப்படுகின்றன. F, M ஆகியவற்றின் பெறுமானங்களைக் காண்க.

15.(a) ஒவ்வொன்றினதும் நீளம் $2a$ ஆகவுள்ள AB, BC, CD

என்னும் மூன்று சீரான கோல்கள் B, C ஆகிய முனைகளில் ஒப்பமாக மூட்டப்பட்டுள்ளன. AB, BC, CD ஆகிய கோல்களின் நிறைகள் முறையே $W, \lambda W, 2\lambda W$ ஆகும். முனை A ஒரு நிலைத்த புள்ளியில் ஒப்பமாகப் பிணைக்கப்பட்டுள்ளது. உருவிற் காட்டப்பட்டுள்ளவாறு கோல்கள், மூட்டு C இலும் C இற்கு நிலைக்குத்தாக மேலே உள்ள ஒரு நிலைத்த புள்ளியிலும் இணைக்கப்பட்டுள்ள

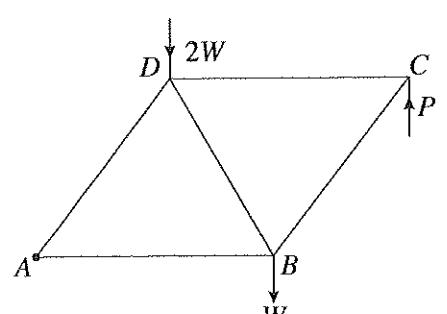


ஒர் இலோசன் நீட்டமுடியாத இழையினாலும் முனை D இற்குப் பிரயோகிக்கப்படும் ஒரு கிடை விசை P இனாலும், A, C ஆகியன ஒரே கிடை மட்டத்திலும் கோல்கள் ஒவ்வொன்றும் நிலைக்குத்துடன் ஒரு கோணம் α ஜ ஆக்குவனவாகவும் இருக்குமாறு, ஒரு நிலைக்குத்துத் தளத்திலே நாப்பத்தில் வைக்கப்பட்டுள்ளன. $\lambda = \frac{1}{3}$ எனக் காட்டுக.

மேலும், B இல் CB இனால் AB மீது உஞ்சப்படும் விசையின் கிடைக் கூறும் நிலைக்குத்துக் கூறும் முறையே $\frac{W}{3} \tan \alpha, \frac{W}{6}$ எனவும் காட்டுக.

(b) அருகே உள்ள உருவில் காட்டப்பட்டுள்ள சட்டப்படல்

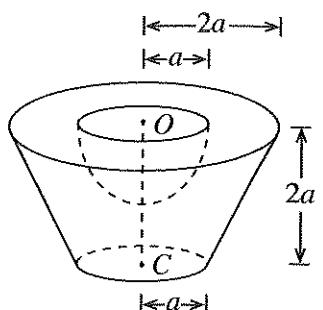
ஒவ்வொன்றும் $2a$ நீளமுள்ளனவும் A, B, C, D ஆகியவற்றில் சுயாதீனமாக மூட்டப்பட்டனவுமான AB, BC, CD, DA, BD ஆகிய இலோசன் கோல்களினால் ஆக்கப்பட்டுள்ளது. B, D ஆகியவற்றில் முறையே $W, 2W$ என்னும் சுமைகள் உள்ளன. சட்டப்படல் A இல் ஒரு நிலைத்த புள்ளியில் ஒப்பமாகப் பிணைக்கப்பட்டு, உருவிற் காட்டியவாறு C இல் நிலைக்குத்தாக மேல்நோக்கிப் பிரயோகிக்கப்படும் ஒரு விசை P இனால் AB கிடையாக இருக்க நாப்பத்தில் வைக்கப்பட்டுள்ளது. P இன் பெறுமானத்தை W இற் காண்க.



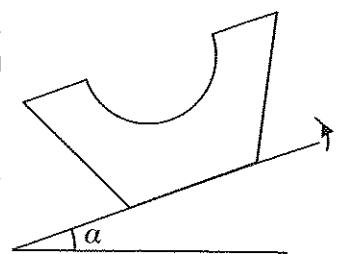
போவின் குறிப்பிட்டைப் பயன்படுத்தி ஒரு தகைப்பு வரிப்படத்தை வரைந்து, இதிலிருந்து, கோல்களில் உள்ள தகைப்புகளை அவை இழுவைகளா, உடைப்புகளா எனக் குறிப்பிட்டுக் காண்க.

16. (i) அடியின் ஆரை r ஆகவும் உயரம் h ஆகவும் உள்ள ஒரு சீரான திண்மச் செல்வட்டக் கூம்பின் திணிவு மையம் அடியின் மையத்திலிருந்து தூரம் $\frac{h}{4}$ இல் உள்ளது எனவும்
(ii) ஆரை r ஆகவுள்ள ஒரு சீரான திண்ம அரைக்கோளத்தின் திணிவு மையம் அதன் மையத்திலிருந்து தூரம் $\frac{3r}{8}$ இல் உள்ளது எனவும்
காட்டுக.

அடியின் ஆரை $2a$ ஆகவும் உயரம் $4a$ ஆகவும் உள்ள ஒரு சீரான திண்மச் செல்வட்டக் கூம்பின் அடித்துண்டிலிருந்து ஒரு திண்ம அரைக்கோளத்தை அகற்றிச் செய்யப்பட்டுள்ள ஓர் உரல் S அருகே உள்ள உருவில் காட்டப்பட்டுள்ளது. அடித்துண்டினது மேல் வட்ட முகத்தின் ஆரை $2a$ உம் மையம் O உம் கீழ் வட்ட முகத்தின் ஆரை a உம் மையம் C உம் ஆகும். அடித்துண்டின் உயரம் $2a$ ஆகும். அகற்றப்பட்ட திண்ம அரைக்கோளத்தின் ஆரை a உம் மையம் O உம் ஆகும். உரல் S இன் திணிவு மையமானது O இலிருந்து தூரம் $\frac{41}{48}a$ இல் உள்ளதெனக் காட்டுக.



ஒரு கரடான கிடைத் தளத்தின் மீது உரல் S அதன் கீழ் வட்ட முகம் அத்தளத்தைத் தொழுமாறு வைக்கப்பட்டுள்ளது. இப்போது தளம் மெதுவாக மேல்நோக்கி ஒருசரிக்கப்படுகின்றது. உரலுக்கும் தளத் துக்குமிடையே உள்ள உராய்வுக் குணகம் 0.9 ஆகும். $\alpha < \tan^{-1}(0.9)$ எனின், உரல் நாப்பத்தில் இருக்குமெனக் காட்டுக; இங்கு α ஆனது கிடையுடன் தளத்தின் சாய்வாகும்.



- 17.(a) ஒரு குறித்த தொழிற்சாலையில் 50% ஆன உருப்படிகளைப் பொறி A உற்பத்தி செய்யும் அதே வேளை எஞ்சிய உருப்படிகள் B, C ஆகிய பொறிகளினால் உற்பத்தி செய்யப்படுகின்றன. A, B, C ஆகிய பொறிகளினால் உற்பத்தி செய்யப்படும் உருப்படிகளில் முறையே 1%, 3%, 2% ஆனவை குறைபாடுள்ளனவென அறியப்பட்டுள்ளது. ஓர் எழுமாற்றாகத் தெரிந்தெடுத்த உருப்படி குறைபாடுள்ளதாக இருப்பதற்கான நிகழ்தகவு 0.018 எனத் தரப்பட்டுள்ளது. B, C ஆகிய பொறிகளினால் உற்பத்தி செய்யப்படும் உருப்படிகளின் சதவீதங்களைக் காண்க.

ஓர் எழுமாற்றாகத் தெரிந்தெடுத்த உருப்படி குறைபாடுள்ளதெனத் தரப்படும்போது அது பொறி A இனால் உற்பத்தி செய்யப்பட்ட உருப்படியாக இருப்பதற்கான நிகழ்தகவைக் காண்க.

- (b) ஒரு குறித்த தொழிற்சாலையின் 100 ஊழியர்கள் தமது வீடுகளிலிருந்து சேவை நிலையத்திற்குச் செல்வதற்கு எடுத்துக் கொள்ளும் நேரங்கள் (நிமிடங்களில்) பின்வரும் அட்வணையில் தரப்பட்டுள்ளன:

| எடுத்துக்கொள்ளும் நேரம் | ஊழியர்களின் எண்ணிக்கை |
|-------------------------|-----------------------|
| 0 – 20 | 10 |
| 20 – 40 | 30 |
| 40 – 60 | 40 |
| 60 – 80 | 10 |
| 80 – 100 | 10 |

மேலே தரப்பட்டுள்ள பரம்பலின் இடை, நியம விலகல், ஆகாரம் ஆகியவற்றை மதிப்பிடுக.

பின்னர், வகுப்பாயிடை 80 – 100 இல் இருந்த எல்லா ஊழியர்களும் தொழிற்சாலைக்கு அண்மையில் வதிவதற்குச் சென்றனர். அதனால் வகுப்பாயிடை 80 – 100 இன் மீட்ரிக் 10 இலிருந்து 0 இற்கும் வகுப்பாயிடை 0 – 20 இன் மீட்ரிக் 10 இலிருந்து 20 இற்கும் மாறின.

புதிய பரம்பலின் இடை, நியம விலகல், ஆகாரம் ஆகியவற்றை மதிப்பிடுக.

* * *