

நவ திருடையை/புதிய பாடத்திட்டம்/New Syllabus

අධ්‍යාපන පොදු සහතික පත්‍ර (උසේ පෙල) විභාගය, 2019 අගෝස්තු කළුවිප් පොතුන් තුරාතුරුප් පත්තිර (ඉයුර තු)ප් ප්‍රීට්සේ, 2019 ඉකෑලය  
General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2019

# கலைக்கு வினாவை

## இணைந்த கணிதம்

## Combined Mathematics

10 S I

2019.08.05 / 0830 ~ 1140

ஏடு ஒன்றி  
மூன்று மணித்தியாலம்  
*Three hours*

අමතර සියලුම කාලය	- මිනින්දු 10 දි
මෙවතික බාසිපූ තේරම	- 10 නීමින්දු කළේ
Additional Reading Time	- 10 minutes

අමහර ඕස්ට්‍රිලියානු සංග්‍රහ කොළඹ ප්‍රාන්ත තේවා ප්‍රාන්ත තේවා යෙදා ඇමත්වන උග්‍රීතියෙහි ප්‍රාන්ත තේවා දෙන ප්‍රාන්ත තේවා මෙහෙයුම් නැත් ඇමත්වන යොදාගැනීමෙන්.

වේඩුග දැනුම

२०८८

- \* මෙම ප්‍රශ්න පත්‍රය කොටස් දෙකකින් සමඟ්වීත වේ;  
A කොටස (ප්‍රශ්න 1 - 10) සහ B කොටස (ප්‍රශ්න 11 - 17).
  - \* A කොටස:  
යියලු ම ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න. එක් එක් ප්‍රශ්නය සඳහා ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති ඉඩහි ලියන්න. වැඩිපුර ඉඩ අවශ්‍ය වේ නම්, ඔබට අමතර ලියන කඩාසි හාවිත කළ හැකි ය.
  - \* B කොටස:  
ප්‍රශ්න ප්‍රස්ථාව පමණක් පිළිතුරු සපයන්න. ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති කඩාසිවල ලියන්න.
  - \* තියුම්ත කාලය අවසන් වූ පසු A කොටසේහි පිළිතුරු පත්‍රය, B කොටසේහි පිළිතුරු පත්‍රයට උඩින් සිටින පරිදි කොටස් දෙක අමුණා විභාග ගාලාධිපතිවර්ග හාර දෙන්න.
  - \* ප්‍රශ්න පත්‍රයෙහි B කොටස පමණක් විභාග ගාලාවෙන් පිටතට ගෙන යාමට ඔබට අවසර ඇත.

පරිත්‍යක්වරුන්ගේ පෙශේපතය සඳහා පමණි.

### (10) සැංස්කර්ත ගණිතය I

(10) සාකච්ඡා අනුමත පිටපත		
ලෙසාවය	ප්‍රාග්‍රහ අංකය	ලක්ෂණ
A	1	
	2	
	3	
	4	
	5	
	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
B	11	
	12	
	13	
	14	
	15	
	16	
	17	
	එකතුව	

ପ୍ରକାଶି

දූලක්කමෙන්	
අකුරින්	

සිංහල දැනු

උත්තර පතු පරික්ෂක	
පරික්ෂා කළේ:	1
	2
අධික්ෂණය කළේ:	

A කොටස

1. ගීත අභ්‍යාගන මූලධර්මය භාවිතයෙන්, සියලු  $n \in \mathbb{Z}^+$  සඳහා  $\sum_{r=1}^n (2r-1) = n^2$  බව සාධනය කරන්න.

2. එක ම රුප සටහනක  $y = |4x - 3|$  හා  $y = 3 - 2|x|$  හි ප්‍රස්ථාරවල දළ සටහන් අදින්න.

ලේඛකින් හෝ අනු අපුරුතින් හෝ,  $|2x-3|+|x|<3$  අසමානතාව සපුරාලුත  $x$  හි සියලු ම තාන්ත්‍රික අගයන් සොයන්න.

3. ආගත්ති සටහනක,  $\text{Arg}(z - 2 - 2i) = -\frac{3\pi}{4}$  සපුරාලන යුතුවේ නිරුපණය කරන ලක්ෂණවල පථයෙහි දළ සටහනක් අදින්න.

లේ නයින් හෝ අන් අගුරකින් හෝ,  $\text{Arg}(z - 2 - 2i) = -\frac{3\pi}{4}$  වන පරිදි  $|i\bar{z} + 1|$  හි අවම අගය සොයන්න.

4.  $\left(x^3 + \frac{1}{x^2}\right)^7$  හි ද්විපද ප්‍රසාරණයේ  $x^6$  හි සංගුණකය 35 බව පෙන්වන්න.

ඉහත ද්වීපද ප්‍රසාරණයේ x වලින් ස්වායත්ත පද්‍යක් තොපවතින බවත් පෙන්වන්න.

- $$5. \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x-2}-1}{\sin(\pi(x-3))} = \frac{1}{2\pi} \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

6.  $y = \sqrt{\frac{x+1}{x^2+1}}$ ,  $x = 0$ ,  $x = 1$  හා  $y = 0$  වකු මගින් ආවෘත වන පෙදස  $x$ - අක්ෂය වටා රේඛියන  $2\pi$  වලින් ප්‍රමාණය කරනු ලබයි. මෙලෙස ජනනය වන සන වස්තුවේ පරිමාව  $\frac{\pi}{4}(\pi + \ln 4)$  බව පෙන්වන්න.

7.  $C$  යනු  $t \in \mathbb{R}$  සඳහා  $x = at^2$  සහ  $y = 2at$  මගින් පරාමිතිකව දෙනු ලබන පරාවලය යැයි ගනිමු; මේහි  $a \neq 0$  වේ.  $C$  පරාවලය  $(at^2, 2at)$  ලක්ෂණයෙහි දී වූ අනිලම්බ රේඛාවෙහි සම්කරණය  $y + tx = 2at + at^3$  මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.

$C$  පරාවලය මත  $P \equiv (4a, 4a)$  ලක්ෂණයෙහි දී වූ අනිලම්බ රේඛාවට එම පරාවලය නැවත  $Q \equiv (aT^2, 2aT)$  ලක්ෂණයක දී හැමු වේ.  $T = -3$  බව පෙන්වන්න.

8. එහා එයනු පිළිවෙළින්  $x + y = 4$  හා  $4x + 3y = 10$  මගින් දෙනු ලබන සරල රේඛා යැයි ගතිමු.

$P$  හා  $Q$  ප්‍රහිත්තා ලක්ෂු දෙක  $I_1$  රේඛාව මත පිහිටා ඇත්තේ මෙම එක් එක් ලක්ෂුයේ සිට  $I_2$  රේඛාවට ඇති ලම්බ දුර එකක 1ක් වන පරිදි ය.  $P$ හි හා  $Q$ හි බණ්ඩාක සොයන්න.

9.  $A \equiv (-7, 9)$  ලක්ෂණය  $S \equiv x^2 + y^2 - 4x + 6y - 12 = 0$  වෙතින් පිහිටුව පිහිටුවන බව පෙන්වන්න.  
 $S = 0$  වෙතින් මත වූ,  $A$  ලක්ෂණයට ආසන්නතම ලක්ෂණයයි බැව්චාක සොයන්න.

10.  $\theta \neq (2n+1)\pi$  සඳහා  $t = \tan \frac{\theta}{2}$  ඇයි ගනීම්; මෙහි  $n \in \mathbb{Z}$  වේ.  $\cos \theta = \frac{1-t^2}{1+t^2}$  බව පෙන්වන්න.

$\tan \frac{\pi}{12} = 2 - \sqrt{3}$  බව අපෝහනය කරන්න.

## நல நிர்ணய/புதிய பாடத்திட்டம்/New Syllabus

**NEW** ප්‍රතිඵල සේවක මධ්‍යස්ථානය  
Sri Lanka Department of Examinations  
ප්‍රතිඵල සේවක මධ්‍යස්ථානය  
Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka  
ප්‍රතිඵල සේවක මධ්‍යස්ථානය  
Department of Examinations, Sri Lanka

අධ්‍යාපන පොදු සහතික පථ (උස්ස පෙළ) විභාගය, 2019 අගෝස්තු කළේවිප් පොතුත් තරාතරුප් පත්තිර (ශයුරුව් තරුප් පරීක්ෂා, 2019 ඉකෑලය General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2019

ஸம்பிக்க வளிமய  
இணைந்த கணிதம்  
Combined Mathematics

**10 S I**

B ගෝච්ච

\* ප්‍රයෝග සඳහා ප්‍රතිච්ඡා ප්‍රමාණක් පිළිතරු සපයන්න.

11. (a)  $p \in \mathbb{R}$  හා  $0 < p \leq 1$  යැයි ගනීම්.  $p^2x^2 + 2x + p = 0$  සම්කරණයෙහි, 1 මුලයක් කොටස බව පෙන්වන්න.

α ή β γν̄ι μεμ στικράγει ουλ γηγε γηγιμ. α ή β δεκατον τατστικ ειν πεντιν.

$p$  ଅର୍ଦ୍ଧରେଣୁ  $\alpha + \beta$  ହାତୀ  $\alpha\beta$  ଲିଯା ଦକ୍ଷତା

$$\frac{1}{(\alpha - 1)} \cdot \frac{1}{(\beta - 1)} = \frac{p^2}{p^2 + p + 2}$$

ବାବ ପେନ୍‌ଲିନ୍‌କ.

$\frac{\alpha}{\alpha-1}$  හා  $\frac{\beta}{\beta-1}$  මූල වන වර්ගජ සමීකරණය  $(p^2+p+2)x^2-2(p+1)x+p=0$  මගින් දෙනු ලබන බවත්, මෙම මූල දෙකම ධින වන බවත් පෙන්වන්න.

- (b)  $c$  හා  $d$  යනු තිශ්ඨූප තාන්ත්‍රික සංඛ්‍යා දෙකක් යැයි ද  $f(x) = x^3 + 2x^2 - dx + cd$  යැයි ද ගනිමු.  $(x - c)$  යන්න  $f(x)$  හි සාධකයක් බවත්,  $(x - d)$  මගින්  $f(x)$  බෙදු විට ගේෂය  $cd$  බවත් දී ඇත.  $c$  හා  $d$  හි අගයන් සොයන්න.  $c$  හා  $d$  හි මෙම අගයන් සඳහා,  $(x + 2)^2$  මගින්  $f(x)$  බෙදු විට ගේෂය සොයන්න.

12. (a)  $P_1$  හා  $P_2$  යනු පිළිවෙළින්  $\{A, B, C, D, E, 1, 2, 3, 4\}$  හා  $\{F, G, H, I, J, 5, 6, 7, 8\}$  මගින් දෙනු ලබන කුලක දෙක යැයි ගනිමු.  $P_1 \cup P_2$  ත් ගනු ලබන වෙනස් අකුරු 3 කින් හා වෙනස් සංඛ්‍යාක 3 කින් යුත්, අවයව 6 කින් සමන්වීත මූරපදයක් සැදීමට අවශ්‍යව ඇතුළු. එහත එක් එක් අවස්ථාවේ දී සැදීය හැකි එවැනි වෙනස් මූරපද ගණන සෞයන්න:

  - (i) අවයව 6 ම ප්‍රාග්ධනක් ම තෝරා ගනු ලැබේ,
  - (ii) අවයව 3 ක් දී  $P_1$  හා  $P_2$  හා අනෙක් අවයව 3 දී තෝරා ගනු ලැබේ.

$$(b) \quad r \in \mathbb{Z}^+ \text{ അഥവാ } U_r = \frac{1}{r(r+1)(r+3)(r+4)} \quad \text{ഓ} \quad V_r = \frac{1}{r(r+1)(r+2)} \quad \text{അംഗങ്ങൾ ആണ്.}$$

$r \in \mathbb{Z}^+$  കാണാം  $V_r - V_{r+2} = 6U_r$  എന്ന് പെൻഡന്റ്.

ಶ. ಈಡಿನ್,  $n \in \mathbb{Z}^+$  ಅಲ್ಲಾಗ ಗಣಿತದಲ್ಲಿ  $\sum_{r=1}^n U_r = \frac{5}{144} - \frac{(2n+5)}{6(n+1)(n+2)(n+3)(n+4)}$  ಎಂಬ ಪ್ರಪಂಚದ ನಿಯಮ.

$r \in \mathbb{Z}^+$  සඳහා  $W_r = U_{2r-1} + U_{2r}$  යුතු ගනිමු.

$n \in \mathbb{Z}^+$  සඳහා  $\sum_{r=1}^n W_r = \frac{5}{144} - \frac{(4n+5)}{24(n+1)(n+2)(2n+1)(2n+3)}$  බව අපෝහනය කරන්න.

ඒ හඳුන්,  $\sum_{r=1}^{\infty} W_r$  අපරිමිත ප්‍රේමිය අභිසාරී බව පෙන්වා එහි එක්කාය සොයන්න.

13.(a)  $A = \begin{pmatrix} a & 0 & -1 \\ 0 & -1 & 0 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 1 & -a & 4 \end{pmatrix}$  හා  $C = \begin{pmatrix} b & -2 \\ -1 & b+1 \end{pmatrix}$  යනු  $AB^T = C$  වන පරිදි වූ න්‍යාස යැයි ගනිමු; මෙහි  $a, b \in \mathbb{R}$  වේ.

$a = 2$  හා  $b = 1$  බව පෙන්වන්න.

තවද  $C^{-1}$  තොපවතින බව පෙන්වන්න.

$P = \frac{1}{2}(C - 2I)$  යැයි ගනිමු.  $P^{-1}$  ලියා දක්වා,  $2P(Q + 3I) = P - I$  වන පරිදි  $Q$  න්‍යාසය සොයන්න;

මෙහි  $I$  යනු ගණය 2 වන ඒකක න්‍යාසය වේ.

(b)  $z, z_1, z_2 \in \mathbb{C}$  යැයි ගනිමු.

$$(i) \quad \operatorname{Re} z \leq |z|, \text{ හා}$$

$$(ii) \quad z_2 \neq 0 \text{ සඳහා } \left| \frac{z_1}{z_2} \right| = \frac{|z_1|}{|z_2|}$$

බව පෙන්වන්න.

$$z_1 + z_2 \neq 0 \text{ සඳහා } \operatorname{Re} \left( \frac{z_1}{z_1 + z_2} \right) \leq \frac{|z_1|}{|z_1 + z_2|} \text{ බව අයෝග්‍ය කරන්න.}$$

$$z_1 + z_2 \neq 0 \text{ සඳහා } \operatorname{Re} \left( \frac{z_1}{z_1 + z_2} \right) + \operatorname{Re} \left( \frac{z_2}{z_1 + z_2} \right) = 1 \text{ බව සත්‍යාපනය කර,}$$

$$z_1, z_2 \in \mathbb{C} \text{ සඳහා } |z_1 + z_2| \leq |z_1| + |z_2| \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

(c)  $\omega = \frac{1}{2}(1 - \sqrt{3}i)$  යැයි ගනිමු.

$1 + \omega$  යන්න  $r(\cos \theta + i \sin \theta)$  ආකාරයෙන් ප්‍රකාශ කරන්න; මෙහි  $r(>0)$  හා  $\theta \left( -\frac{\pi}{2} < \theta < \frac{\pi}{2} \right)$  යනු නිර්ණය කළ යුතු නියත වේ.

$$\text{ද මුවාවර් ප්‍රමේයය භාවිතයෙන්, } (1 + \omega)^{10} + (1 + \bar{\omega})^{10} = 243 \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

14.(a)  $x \neq 3$  සඳහා  $f(x) = \frac{9(x^2 - 4x - 1)}{(x-3)^3}$  යැයි ගනිමු.

$x \neq 3$  සඳහා  $f(x)$  හි වුළුත්පත්තය,  $f'(x)$  යන්න  $f'(x) = -\frac{9(x+3)(x-5)}{(x-3)^4}$  මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.

ස්පර්යෝන්මුල,  $y$  – අන්තර්බෝඩ හා භැරුම් ලක්ෂණ දක්වමින්,  $y = f(x)$  හි ප්‍රස්ථාරයේ දළ සටහනක් අදින්න.

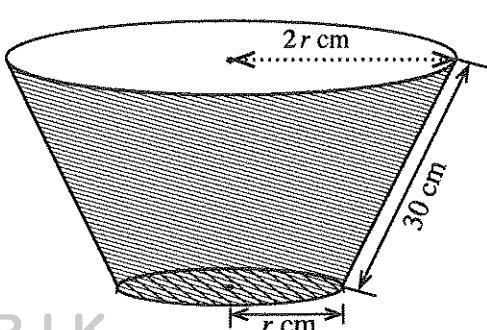
$x \neq 3$  සඳහා  $f''(x) = \frac{18(x^2 - 33)}{(x-3)^5}$  බව දී ඇත.  $y = f(x)$  හි ප්‍රස්ථාරයේ න්‍යායිත ලක්ෂණවල  $x$  – බණ්ඩාක සොයන්න.

(b) යාබද රුපයෙන් පත්‍රුලක් සහිත සාපුරු වෘත්තාකාර කේතු ජීන්තකයක ආකාරයෙන් වූ බෙසමක් පෙන්වයි. බෙසමෙහි ඇල දිග 30 cm ක් ද උචිත වෘත්තාකාර දාරයෙහි අරය පත්‍රුලෙහි අරය මෙන් දෙගුණයක් ද වේ. පත්‍රුලේ අරය  $r$  cm යැයි ගනිමු.

බෙසමේ පරිමාව  $V \text{ cm}^3$  යන්න  $0 < r < 30$  සඳහා

$$V = \frac{7}{3}\pi r^2 \sqrt{900 - r^2} \text{ මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.}$$

බෙසමේ පරිමාව උපරිම වන පරිදි  $r$  හි අගය සොයන්න.



15. (a)  $0 \leq \theta \leq \frac{\pi}{4}$  සඳහා  $x = 2 \sin^2 \theta + 3$  ආදේශය හාවිතයෙන්,  $\int_3^4 \sqrt{\frac{x-3}{5-x}} dx$  අගයන්හ.

(b) හිත්න හාග හාවිතයෙන්,  $\int \frac{1}{(x-1)(x-2)} dx$  සොයන්න.

$$t > 2 \text{ සඳහා } f(t) = \int_3^t \frac{1}{(x-1)(x-2)} dx \text{ යැයි ගනිමු.}$$

$$t > 2 \text{ සඳහා } f(t) = \ln(t-2) - \ln(t-1) + \ln 2 \text{ බව අපෝෂණය කරන්න.}$$

කොටස් වගයෙන් අනුකලනය හාවිතයෙන්,  $\int \ln(x-k) dx$  සොයන්න; මෙහි  $k$  යනු කාන්ත්‍රික නියතයකි.

එසේම,  $\int f(t) dt$  සොයන්න.

(c)  $a$  හා  $b$  නියත වන  $\int_a^b f(x) dx = \int_a^b f(a+b-x) dx$  පූරුෂ හාවිතයෙන්,

$$\int_{-\pi}^{\pi} \frac{\cos^2 x}{1+e^x} dx = \int_{-\pi}^{\pi} \frac{e^x \cos^2 x}{1+e^x} dx \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

එසේම,  $\int_{-\pi}^{\pi} \frac{\cos^2 x}{1+e^x} dx$  නී අගය සොයන්න.

16.  $12x-5y-7=0$  හා  $y=1$  සරල රේඛාවල තේර්ත ලක්ෂණය වන  $A$  හි බණ්ඩාක ලියා දක්වන්න.

$l$  යනු මෙම රේඛාවලින් සැදෙන පූරුෂ කොළයෙහි සමවිශේෂිකය යැයි ගනිමු.  $l$  සරල රේඛාවේ සම්කරණය සොයන්න.

$P$  යනු  $l$  මත වූ ලක්ෂණයක් යැයි ගනිමු.  $P$  හි බණ්ඩාක  $(3\lambda+1, 2\lambda+1)$  ලෙස ලිවිය හැකි බව පෙන්වන්න; මෙහි  $\lambda \in \mathbb{R}$  වේ.

$B \equiv (6, 0)$  යැයි ගනිමු.  $B$  හා  $P$  ලක්ෂණ විෂ්කම්ජයක අන්ත ලෙස වූ වෘත්තයෙහි සම්කරණය  $S + \lambda U = 0$  ලෙස ලිවිය හැකි බව පෙන්වන්න; මෙහි  $S \equiv x^2 + y^2 - 7x - y + 6$  හා  $U \equiv -3x - 2y + 18$  වේ.

$S=0$  යනු  $AB$  විෂ්කම්ජයක් ලෙස ඇති වෘත්තයෙහි සම්කරණය බව අපෝෂණය කරන්න.

$U=0$  යනු  $l$  ට ලිමිතව,  $B$  හරහා යන සරල රේඛාවේ සම්කරණය බව පෙන්වන්න.

පියුහු  $\lambda \in \mathbb{R}$  සඳහා  $S + \lambda U = 0$  සම්කරණය සහිත වෘත්ත මත වූ ද  $B$  වලින් ප්‍රහිතන්හා වූ ද අවල ලක්ෂණයෙහි බණ්ඩාක සොයන්න.

$S=0$  මගින් දෙනු ලබන වෘත්තය,  $S + \lambda U = 0$  මගින් දෙනු ලබන වෘත්තයට ප්‍රලැමි වන පරිදි  $\lambda$  හි අගය සොයන්න.

17. (a)  $\sin A, \cos A, \sin B$  හා  $\cos B$  ඇසුරෙන්  $\sin(A+B)$  ලියා දක්වා,  $\sin(A-B)$  සඳහා එවැනි ප්‍රකාශනයක් ලබා ගත්ත.

$$2 \sin A \cos B = \sin(A+B) + \sin(A-B) \text{ හා}$$

$$2 \cos A \sin B = \sin(A+B) - \sin(A-B)$$

එව අපෝග්‍ය කරන්න.

$$\text{ඒ නයිත, } 0 < \theta < \frac{\pi}{2} \text{ සඳහා } 2 \sin 3\theta \cos 2\theta = \sin 7\theta \text{ විභාගන්ත.}$$

(b)  $ABC$  ත්‍රිකේර්ණයක  $BD=DC$  හා  $AD=BC$  වන පරිදි  $D$  ලක්ෂණය  $AC$  මත පිහිටා ඇත.  $B\hat{A}C = \alpha$  හා  $A\hat{C}B = \beta$  යැයි ගතිමූලියෙන් සඳහා සයින් නීතිය භාවිතයෙන්,  $2 \sin \alpha \cos \beta = \sin(\alpha + 2\beta)$  බව පෙන්වන්න.

$$\alpha : \beta = 3 : 2. \text{ නම්, ඉහත (a) හි අවසාන ප්‍රතිච්ලිය භාවිතයෙන්, } \alpha = \frac{\pi}{6} \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

$$(c) 2 \tan^{-1} x + \tan^{-1}(x+1) = \frac{\pi}{2} \text{ විභාගන්ත. } \text{ඒ නයිත, } \cos\left(\frac{\pi}{4} - \frac{1}{2} \tan^{-1}\left(\frac{4}{3}\right)\right) = \frac{3}{\sqrt{10}} \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

\*\*\*

ക്ല സിര്ലൈസ്/പുനിയ പാടത്തീട്ടം/New Syllabus

**NEW** Department of Examinations, Sri Lanka

අධ්‍යාපන පොදු සහතික පත්‍ර (ලැයි පෙළ) විභාගය, 2019 අගෝස්තු කළවිප් පොතුත් තරාතුරුප පත්තිර (ඉයුර තු)ප් ප්‍රිට්සේ, 2019 ඉකස්ප් General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2019

## கூடியக்கணிதம் இணைந்த கணிதம் Combined Mathematics

III

10

S

III

2019.08.07 / 0830 - 1140

ஏடு ஏதெடு  
மூன்று மணித்தியாலம்  
*Three hours*

අමතර සියලුම කාලය	- මිනින්ද 10 දි
මෙහෙතික වාසිප්ප තේරම්	- 10 නිමිත්ත්වකൾ
Additional Reading Time	- 10 minutes

අමතකර ඩියලිං කාලය පුණු පැවත්වා පුණු සේවා ගෙන්රා ගෙන්මටත පිළිබඳ ලිවිංමිල් පුමුවන්වය දෙන පුණු සාච්චානය කර ඇත්මටත යොදාගත්තු.

ପ୍ରକାଶକ:

විභාග අංකය

- \* මෙම ප්‍රශ්න පත්‍රය කොටස් දෙකකින් සමන්විත වේ;  
A කොටස (ප්‍රශ්න 1 - 10) සහ B කොටස (ප්‍රශ්න 11 - 17).
  - \* A කොටස:  
යියලු ම ප්‍රශ්නවලට පිළිබුරු සපයන්න. එක් එක් ප්‍රශ්නය සඳහා ඔබේ පිළිබුරු, සපයා ඇති ඉඩකි ලියන්න. වැඩිපුර ඉඩ අවශ්‍ය වේ නම්, ඔබට අමතර ලියන කඩාසි හාවිත කළ හැකි ය.
  - \* B කොටස:  
ප්‍රශ්න පහකට පමණක් පිළිබුරු සපයන්න. ඔබේ පිළිබුරු, සපයා ඇති කඩාසිවල ලියන්න.
  - \* නියමිත කාලය අවසන් වූ පසු A කොටසෙහි පිළිබුරු පත්‍රය, B කොටසෙහි පිළිබුරු පත්‍රයට උඩින් සිටින පරිදී කොටස දෙක අමුණා විභාග යාලාධිපතිව හාර දෙන්න.
  - \* ප්‍රශ්න පත්‍රයෙහි B කොටස පමණක් විභාග යාලාවෙන් පිටතට ගෙන යාමට ඔබට අවසර ඇත.
  - \* මෙම ප්‍රශ්න පත්‍රයෙහි දී මගින් ගුරුත්වා ත්වරණය දැක්වේයි.

පරික්ෂකාවරුන්ගේ පෙශීරුතය කළහා පමණි.

(10) සංයුත්ත ගතිතය II		
කොටස	ප්‍රේරණ අංකය	ලක්ෂණ
A	1	
	2	
	3	
	4	
	5	
	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
B	11	
	12	
	13	
	14	
	15	
	16	
	17	
	එකතුව	

ඉලක්කමෙන්	
අකුරින්	

සංස්කරණ අංක	
ලිත්තර පත්‍ර පරීක්ෂක	
පරීක්ෂා කළේ:	1
	2
අධික්ෂණය කළේ:	

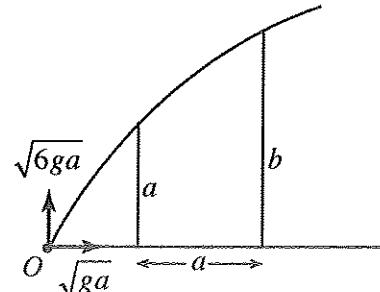
A සොරස

1. එක එකක ස්කන්ධය  $m$  වූ  $A, B$  හා  $C$  අංශු තුනක් එම පිළිවෙළින්, සුම්මත තිරස මේසයක් මත සරල රේඛාවක තබා ඇත.  $A$  අංශුවට  $\mu$  ප්‍රවේශයක් දෙනු ලබන්නේ එය  $B$  අංශුව සමග සරල ලෙස ගැවෙන පරිදි ය.  $A$  අංශුව සමග ගැටුන පසු,  $B$  අංශුව විළුනය වී  $C$  අංශුව සමග සරල ලෙස ගැවේ.  $A$  හා  $B$  අතර ප්‍රත්‍යාග්‍රහණය  $e$  වේ. පළමු ගැටුමෙන් පසුව  $B$  හි ප්‍රවේශය සොයන්න.

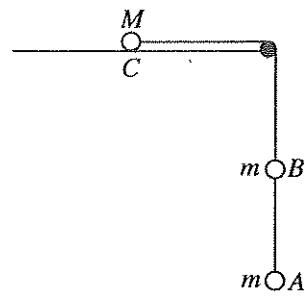
*B* හා *C* අතර ප්‍රතිසාගනී සංගුණකය දී *e* වේ. *B* සමඟ ගැටුමෙන් පසුව *C* හි ප්‍රවේශය ලියා දක්වන්න.

2. තිරස් හා සිරස් සංරචක පිළිවෙළින්  $\sqrt{ga}$  හා  $\sqrt{6ga}$  සහිත ප්‍රවේශයකින් තිරස් ගෙවීමක් මත වූ 0 ලක්ෂයක සිට අංශුවක් ප්‍රක්ෂේප කරනු ලැබේ. ගැජයේ දැක්වෙන පරිදි, එකිනෙකටම  $a$  තිරස් දුරකින් පිහිටි උස  $a$  හා  $b$  වූ සිරස් තාප්පේ දෙකකට යාන්තමින් ඉහළින් අංශුව යයි. උස  $a$  වූ තාප්පය පසු කරන විට අංශුවේ ප්‍රවේශයෙහි සිරස් සංරචකය  $2\sqrt{ga}$  බව පෙන්වන්න.

$b = \frac{5a}{2}$  බව තවදුරටත් පෙන්වන්න.



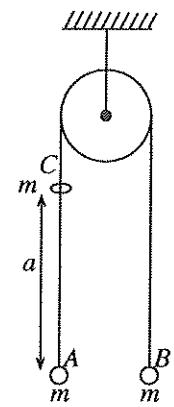
3. රුපයෙහි  $A$ ,  $B$  හා  $C$  යනු ස්කන්ධ පිළිබඳූ ම්‍යාරුලින්  $m$ ,  $m$  හා  $M$  වූ අංශ වේ.  $A$  හා  $B$  අංශ සැහැල්පු අවිතනා තන්තුවකින් සම්බන්ධ කර ඇත. සුම්මට තීරස් මෙසයක් මින් වූ  $C$  අංශව, මෙසයේ දාරයට සවිකර ඇති සුම්මට කුඩා කජ්පෝයක් මතින් යන කවත් සැහැල්පු අවිතනා තන්තුවකින්  $B$  ව ඇදා ඇත. අංශ හා තන්තු සියල්ලම එකම සිරස් තලයක පිහිටයි. තන්තු නොමුරුල්ව ඇතිව පද්ධතිය තිශ්වලකාවයේ සිට මූදා හරිනු ලැබේ.  $A$  හා  $B$  යා කරන තන්තුවේ ආත්මිය තිර්ණය කිරීමට ප්‍රමාණවත් සම්කරණ ලියා දක්වන්න.



4. ස්කන්ධය  $M \text{ kg}$  හා  $P \text{ kW}$  නියත ජවයකින් යුත් කාරයක් තිරසට  $\alpha$  කෝණයකින් ආනත සාපු මාර්ගයක් දිගේ පහළට වලනය වේ. එහි වලිනයට  $R (> Mg \sin \alpha) \text{ N}$  නියත ප්‍රතිරෝධයක් ඇත. එක්තරා මොහොතක දී කාරයේ ත්වරණය  $a \text{ ms}^{-2}$  වේ. මෙම මොහොතේ දී කාරයේ ප්‍රවේශය සොයන්න.

මාර්ගය දිගේ පහළට කාරයට වලනය විය හැකි නියත වේය  $\frac{1000P}{R - Mg \sin \alpha} \text{ ms}^{-1}$  නව අප්සතය කරන්න.

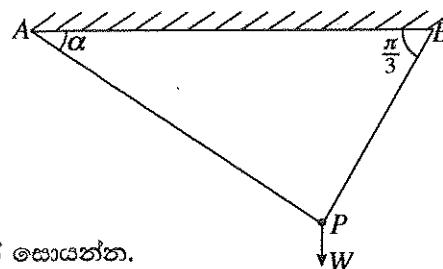
5. එක එකක ස්කන්ධය  $m$  වූ A හා B අංශ දෙකක්, අවල පුමට කේපියක් මතින් යන සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවක දෙකෙලවරට ඇදා සමතුලිතතාවයේ එල්ලෙයි. A ව සිරස්ව  $a$  දුරක් ඉහළින් වූ ලක්ෂණයකින් නිය්වලකාවයේ සිට මුදා හරින ලද ස්කන්ධය  $m$  ම වූ C කුඩා පැඹවක් ගුරුත්වය යටතේ තිබූ වෙනය වී A සමග ගැටී හා වේ. (රුපය බලන්න.) A හා C අතර ගැටුම සිදු වන මොහොතේ දී තන්තුවේ ආවේගය ද ඉහත ගැටුමෙන් මොහොතාකට පසු B ලබා ගන්නා ප්‍රවේගය ද නිර්ණය කිරීමට ප්‍රමාණවත් ස්ථීකරණ ලියා දක්වන්න.



6. සුපුරුදු අංකනයෙන්,  $O$  අවල මූලයකට අනුබද්ධයෙන්  $A$  හා  $B$  ලක්ෂණ දෙකක පිහිටුම් දෙයික පිළිවෙළින්  $2i + j$  හා  $3i - j$  යැයි ගනිමු.  $A\hat{O}C = A\hat{O}D = \frac{\pi}{2}$  හා  $OC = OD = \frac{1}{3}AB$  වන පරිදි වූ C හා D ප්‍රහින්න ලක්ෂණ දෙකකි පිහිටුම් දෙයික සොයන්න.

7. தீர்ச் சுமா பிலிவெலின்  $a$  ஹ  $\frac{\pi}{3}$  கோண சாட்டு  $AP$  ஹ  $BP$  சூழல்லே அவிக்கா தன்னு ஢க்க மதின் தீர்ச் சிவிலிமகின் லில்லை ஆதி ரெ  $W$  ஹ  $P$  அங்குவக், ரூபயே டூக்கெவா பரிடி சுமாவிலித்துவயே அவதி.  $AP$  தன்னுவே ஆதகிய,  $W$  ஹ  $a$  ஆண்டுரெந் சொயன்ன.

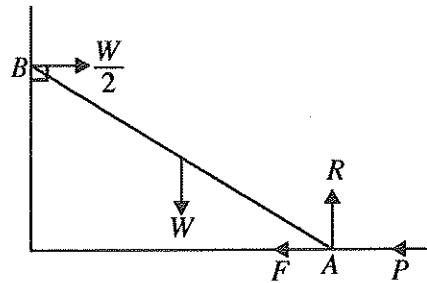
ලේ තයින්, මෙම ආතතියේ අවම අගයත් එයට අනුරූප හි අගයත් සොයන්න.



8. දිග  $2a$  හා බර  $W$  තුළ ඒකාකාර  $AB$  ද්‍රණික් එහි  $A$  කෙළවර රඟ තීරස් ගෙබිමක් මත ද  $B$  කෙළවර සුම්මට සිරස් බිත්තියකට එරෙහිව ද තබා ඇතේ. බිත්තියට ලම්බ සිරස් තලයක ද්‍රණි සමඟුලිතතාවයේ තබා ඇත්තේන්  $A$  කෙළවරේ දී බිත්තිය දෙසට යෝදු විශාලක්වය  $P$  වන තීරස් බලයක් මැගිනි. රුපයේ  $F$  හා  $R$  මගින් පිළිවෙළින්  $A$  හි දී සර්ථක බලය හා අනිලම්බ ප්‍රතික්‍රියාව දක්වා ඇතේ.  $B$  හි දී බිත්තිය

මහින් ඇති කරන ප්‍රතික්‍රියාව, රුපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි  $\frac{W}{2}$  ද.

දැන්ම හා ගෙවීම අතර සර්පන් සංගුණකය  $\frac{1}{4}$  ද නම්,  $\frac{W}{4} \leq P \leq \frac{3W}{4}$  බව පෙන්වන්න.



9.  $A$  හා  $B$  යනු ට නියුතී අවකාශයක සිද්ධි දෙකක් යැයි ගනිමු. සුපුරුදු අංකනයෙන්,  $P(A) = \frac{3}{5}$ ,  $P(A \cap B) = \frac{2}{5}$  හා  $P(A' \cap B) = \frac{1}{10}$  බව දී ඇත.  $P(B)$  හා  $P(A' \cap B')$  සොයන්න; මෙහි  $A'$  හා  $B'$  වලින් පිළිවෙළින්  $A$  හා  $B$  හි අනුපූරක සිද්ධි දැක්වේ.

10. එක එකක් 5 ට අඩු ධන නිවිල පහකට මාතරය් දෙකක් ඇති අතර ඉන් එකක් 3 වේ. එවායේ මධ්‍යන්ය හා මධ්‍යස්ථාය යන දෙකම් 3 ට සමාන වේ. මෙම නිවිල පහ සොයන්න.

கல கிரட்டை/புதிய பாடக்குட்டம்/New Syllabus

**NEW** **Department of Examinations, Sri Lanka**

අධ්‍යාපන පොදු සහතික පත්‍ර (ලයස් පෙනු) විභාගය, 2019 අගෝස්තු කළවිප් පොතුත් තරාතරප් පත්තිර (ඉයර් නු)ප් ප්‍රීතිස, 2019 ඉකළුරු General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2019

காணுக்கல் கலிதய	II
இணைந்த கணிதம்	II
Combined Mathematics	II

10 S II

B කොටස

(මෙම ප්‍රයෝගී පත්‍රයෙහි g මගින් ගරුත්වා ත්වරණය දැක්වේය.)

11. (a)  $P$  හා  $Q$  මෙටර් රථ දෙකක් සූපුරු පාරක් දිගේ නියත ත්වරණ සහිතව එකම දිගාවකට වලනය වේ. කාලය  $t = 0$  නී  $P$  හි ප්‍රවේශය  $u \text{ ms}^{-1}$  දී  $Q$  හි ප්‍රවේශය  $(u + 9) \text{ ms}^{-1}$  දී වේ.  $P$  හි නියත ත්වරණය  $f \text{ ms}^{-2}$  දී  $Q$  හි නියත ත්වරණය  $\left(f + \frac{1}{10}\right) \text{ ms}^{-2}$  දී වේ.

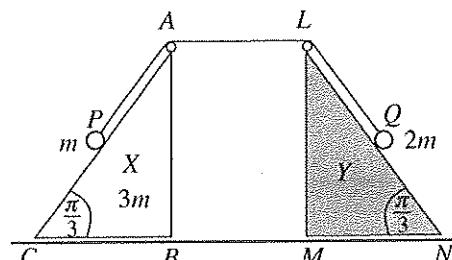
  - (i)  $t \geq 0$  සඳහා  $P$  හා  $Q$  හි වලිනවලට, එකම රුපයක හා
  - (ii)  $t \geq 0$  සඳහා  $P$  ට සාම්ප්‍රදාව  $Q$  හි වලිනයට, වෙනම රුපයක,

(b) සමාන්තර සැපු ඉවුරු සහිත පළල  $a$  වූ ගෙක්  $u$  ඒකාකාර ප්‍රවේශයෙන් ගලයි. රුපයෙහි,  $A, B, C$  හා  $D$  යන ඉවුරු මත වූ ලක්ෂා සමවතුරසුයක සිරිජ වේ. ජ්‍යෙයට සාමේක්ෂව තියන  $v (> u)$  වේගයෙන් වලනය වන  $B_1$  හා  $B_2$  බෝට්ටු දෙකක් එකම මොහොතුක  $A$  සිට ඒවායේ ගෙන් ආරම්භ කරයි.  $B_1$  බෝට්ටුව පළමුව  $\overrightarrow{AC}$  දිගේ  $C$  වෙත ගොස ඉන්පසු  $\overrightarrow{CD}$  දිගාවට ගෙ දිගේ ඉහළට  $D$  වෙත යයි.  $B_2$  බෝට්ටුව පළමුව  $\overrightarrow{AB}$  දිගාවට ගෙ දිගේ පහළට  $B$  වෙත ගොස ඉන්පසු  $\overrightarrow{BD}$  දිගේ  $D$  වෙත යයි. එකම රුපයක,  $B_1$  හි  $A$  සිට  $C$  දක්වා ද  $B_2$  හි  $B$  සිට  $D$  දක්වා ද වලින සඳහා ප්‍රවේශ තිකෙන්ණවල දෙ සටහන් ඇදින්න.

எனின்,  $A$  சிறு  $C$  மீதான வழிகளையே  $B_1$  நோக்குவதே வீரய  $\frac{1}{\sqrt{2}} \left( \sqrt{2v^2 - u^2} + u \right)$  என பெறுவது  $B$  சிறு  $D$  மீதான வழிகளையே  $B_2$  நோக்குவதே வீரய சொல்லல்.

$B_1$ , හා  $B_2$ , බෝරුව දෙකම එකම මොඩොතක ඇස් ලේ වන බව තවදුරටත් පෙන්වන්න.

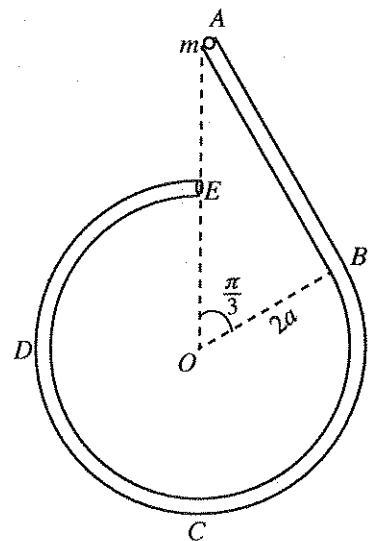
- 12.(a) රුපයෙහි  $ABC$  හා  $LMN$  ත්‍රිකෝණ,  $A\hat{C}B = L\hat{N}M = \frac{\pi}{3}$  හා  $A\hat{B}C = L\hat{M}N = \frac{\pi}{2}$  වූ  $BC$  හා  $MN$  අඩංගු මෙහෙයුම් සුම් නිරස් ගෙවීමක් මත තබන ලද පිළිවෙළින්  $X$  හා  $Y$  සර්වසම සුම් එකාකාර කුණ්කු දෙකක ගුරුත්ව තේත්ද තුළින් වූ සිරස් හරස්කඩ වේ. ස්කන්ධය  $3m$  වූ  $X$  කුණ්කු ය ගෙවීම මත වලනය වීමට නිදහස් වන අතර  $Y$  කුණ්කු ය අවලට තබා ඇත.  $AC$  හා  $LN$  රේඛා අදාළ මුහුණන්වල උපරිම බැඳුම් රේඛා වේ.  $A$  හා  $L$  හි සවිකර ඇති සුම් කුඩා ක්‍රේපි දෙකක් මතින් යන සැහැල්පු අවිතනය තන්තුවක දෙකෙළවර ස්කන්ධ පිළිවෙළින්  $m$  හා  $2m$  වූ  $P$  හා  $Q$  අංශ දෙකකට ඇදා ඇත. රුපයේ පරිදි ආරම්භක පහිටිමේ දී, තන්තුව තොවුරුල්ව හා  $AP = AL = LQ = a$  වන ලෙස  $P$  හා  $Q$  අංශ පිළිවෙළින්  $AC$  හා  $LN$  මත අල්වා තබා ඇත. පද්ධතිය නිශ්චලනාවයෙන් මුදා හරිනු ලැබේ.  $Y$  වෙත යාමට  $X$  ගෙන ලෙන කාලය,  $a$  හා  $g$  ඇසුරෙන් තිරිණය තිරිමට ප්‍රමාණවත් සැම්කරණ ලබා ගන්න.



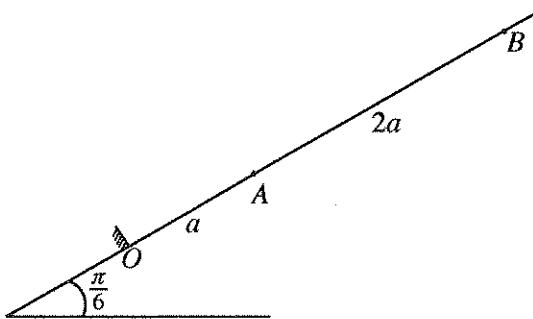
(b) රුපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි සූමට සිහින්  $ABCDE$  බටයක් සිරස් තලයක සවිකර ඇත. දිග  $2\sqrt{3}a$  වූ  $AB$  කොටස සෘජු වන අතර එය  $B$  හි දී අරය  $2a$  වූ  $BCDE$  වෙන්තාකාර කොටසට ස්ථැපිත වේ.  $A$  හා  $E$  අන්ත  $O$  කේත්දුයට සිරස්ව ඉහුලින් පිහිටයි. ස්කන්ධය  $m$  වූ  $P$  අංශුවක්  $A$  හි දී බටය තුළ තබා නිශ්චලනාවයේ සිට සිරුවෙන් මුදා හරිනු ලැබේ.  $\overrightarrow{OA}$  සමග  $\theta \left( \frac{\pi}{3} < \theta < 2\pi \right)$  කේත්යක්  $\overrightarrow{OP}$  සාදන විට  $P$  අංශුවේ වේගය,  $v$  යන්න,  $v^2 = 4ga(2 - \cos\theta)$  මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වා, එම මොහොතේ දී  $P$  අංශුව මත බටයෙන් ඇති කරන ප්‍රතික්‍රියාව සොයන්න.

$P$  අංශුව  $A$  සිට  $B$  දක්වා වලිනයේ දී එය මත බටයෙන් ඇති කරන ප්‍රතික්‍රියාව ද සොයන්න.

$P$  අංශුව  $B$  පසු කරන විට  $P$  අංශුව මත බටයෙන් ඇති කරන ප්‍රතික්‍රියාව ක්ෂණිකව වෙනස් වන බව පෙන්වන්න.



13. තිරසට  $\frac{\pi}{6}$  කේත්යකින් ආනන සූමට අවල තලයක උපරිම බැඳුම් රේඛාවක් මත  $OA = a$  හා  $AB = 2a$  වන පරිදි  $O$  පහළම ලක්ෂය ලෙස ඇතිව  $O, A$  හා  $B$  ලක්ෂා එම පිළිවෙළින් පිහිටා ඇත. ස්වාහාවික දිග  $a$  හා ප්‍රත්‍යාස්ථානා මාපාංකය  $mg$  වූ සැහැල්ලු ප්‍රත්‍යාස්ථානා තන්තුවක එක් කෙළවරක්  $O$  ලක්ෂායට ඇදා ඇති අතර අනෙක් කෙළවර ස්කන්ධය  $m$  වූ  $P$  අංශුවකට ඇදා ඇත.  $P$  අංශුව  $B$  ලක්ෂාය කරා ලියා වන තෙක් තන්තුව  $OAB$  රේඛාව දිගේ අදිනු ලැබේ. ඉන්පසු  $P$  අංශුව නිශ්චලනාවයේ සිට මුදා හරිනු ලැබේ.  $B$  සිට  $A$  දක්වා  $P$  හි වලින සම්කරණය,  $0 \leq x \leq 2a$  සඳහා,  $\ddot{x} + \frac{g}{a} \left( x + \frac{a}{2} \right) = 0$  මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න; මෙහි  $AP = x$  වේ.



ඉහත සරල අනුවර්ති වලිනයේ කේත්දුය සොයා  $\dot{y}^2 = \omega^2(c^2 - y^2)$  සූත්‍රය හාවිතයෙන්,  $c$  විස්තාරය හා  $A$  වෙත ලියා වන විට  $P$  හි ප්‍රවේගය සොයන්න.

$O$  වෙත ලියා වන විට  $P$  හි ප්‍රවේගය  $\sqrt{7ga}$  බව පෙන්වන්න.

$B$  සිට  $O$  දක්වා වලනය වීමට  $P$  මගින් ගනු ලබන කාලය  $\sqrt{\frac{a}{g} \left\{ \cos^{-1} \left( \frac{1}{5} \right) + 2k \right\}}$  බවත් පෙන්වන්න; මෙහි  $k = \sqrt{7} - \sqrt{6}$  වේ.

$P$  අංශුව  $O$  වෙත ලියා වන විට, තලයට ලමිබව  $O$  හි සවිකර ඇති සූමට බාධිකයක් හා එය ගැවෙයි. බාධිකය හා  $P$  අතර ප්‍රත්‍යාග්‍ය සංග්‍රහකය  $e$  වේ.  $0 < e \leq \frac{1}{\sqrt{7}}$  නම්, පසුව සිදු වන  $P$  හි වලිනය සරල අනුවර්ති නොවන බව පෙන්වන්න.

14. (a)  $OACB$  යනු සමාන්තරාසුයක් යැයි ද  $D$  යනු  $AC$  මත  $AD : DC = 2 : 1$  වන පරිදි වූ ලක්ෂාය යැයි ද ගනිමු.  $O$  අනුබද්‍යයෙන්  $A$  හා  $B$  ලක්ෂාවල පිහිටුම දෙයික පිළිවෙළින්  $\lambda a$  හා  $b$  වේ; මෙහි  $\lambda > 0$  වේ.  $\overrightarrow{OC}$  හා  $\overrightarrow{BD}$  දෙයික,  $a, b$  හා  $\lambda$  ඇපුරෙන් ප්‍රකාශ කරන්න.

දැන,  $\overrightarrow{OC}$  යන්න  $\overrightarrow{BD}$  ට ලමිබ වේ යැයි ගනිමු.  $3|a|^2 \lambda^2 + 2(a \cdot b)\lambda - |b|^2 = 0$  බව පෙන්වා

$$|a| = |b| \text{ හා } A\hat{O}B = \frac{\pi}{3} \text{ නම්, } \lambda \text{ හි අගය සොයන්න.}$$

- (b) කේත්දය  $O$  හා පැත්තක දිග  $2a$  වූ  $ABCDEF$  සංවිධාන තලයෙහි වූ බල තුනකින් පද්ධතියක් සමන්වීම වේ. මූලය  $O$  හි  $\vec{Ox}$ -අක්ෂය  $\vec{OB}$  දිගේ  $\vec{Oy}$ -අක්ෂය  $\vec{OH}$  දිගේ ඇතිව බල හා ඒවායේ ක්‍රියා ලක්ෂණ සූපුරුදු අංකනයෙන්, පහත වගාවේ දක්වා ඇත; මෙහි  $H$  යනු  $CD$  හි මධ්‍ය ලක්ෂණය වේ.

( $P$  නිව්චන වලින් දී  $a$  මීටර වලින් දී මතිනු ලැබේ.)

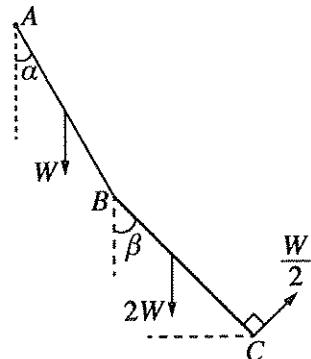
ක්‍රියා ලක්ෂණය	විශ්වාස දෙශීකිය	බලය
$A$	$ai - \sqrt{3}aj$	$3Pi + \sqrt{3}Pj$
$C$	$ai + \sqrt{3}aj$	$-3Pi + \sqrt{3}Pj$
$E$	$-2ai$	$-2\sqrt{3}Pj$

පද්ධතිය යුත්මයකට තුළා වන බව පෙන්වා, යුත්මයේ සුරුණය සොයන්න.

දැන්,  $\vec{FE}$  දිගේ ක්‍රියා කරන විශාලත්වය  $6P$  N වූ අතිරේක බලයක් මෙම පද්ධතියට ඇතුළත් කරනු ලැබේ. නව පද්ධතිය උග්‍රහනය වන තනි බලයේ විශාලත්වය, දිගාව හා ක්‍රියා රෝමාව සොයන්න.

15. (a) එක එකක දිග  $2a$  වූ  $AB$  හා  $BC$  ඒකාකාර දැඩි දෙකක්  $B$  හි දී සුම්ම ලෙස සන්ධි කර ඇත.  $AB$  දැන්වේ බර  $W$  දී  $BC$  දැන්ධි බර  $2W$  දී වේ.  $A$  කෙළවර අවල ලක්ෂණකට සුම්ම ලෙස අයවි කර ඇත.  $AB$  හා  $BC$  දැඩි යටි අත් සිරස සමග පිළිවෙළින්  $\alpha$  හා  $\beta$  කොළ සාදුම්න් මෙම පද්ධතිය සිරස තලයක සමතුලිතතාවයේ තබා ඇත්තේ,  $C$  හි දී රුපයේ පෙන්වා ඇති  $BC$  ට ලමිබ දිගාව ඔස්සේ යෙදු  $\frac{W}{2}$  බලයක් මිශිනි.  $\beta = \frac{\pi}{6}$  බව  
පෙන්වා,  $B$  සන්ධියේ දී  $AB$  දැන්ව මිශිනි  $BC$  දැන්ඩ මත යොදන ප්‍රතික්‍රියාවෙහි තිරස හා සිරස සංරවක සොයන්න.

$$\tan \alpha = \frac{\sqrt{3}}{9}$$
 බවත් පෙන්වන්න.

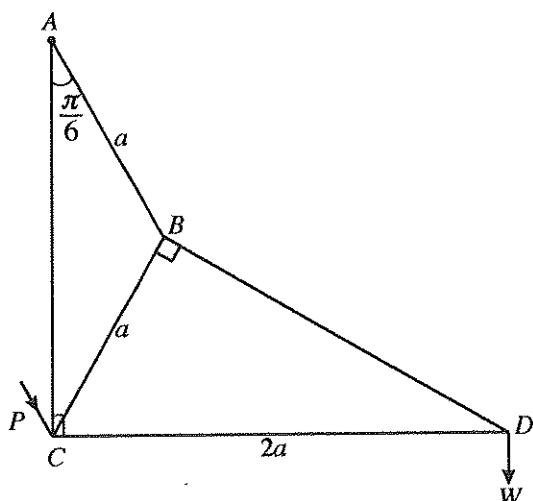


- (b) රුපයෙහි පෙන්වා ඇති රාමු සැකිල්ල ඒවායේ කෙළවරවල දී සුම්ම ලෙස සන්ධි කළ  $AB, BC, BD, DC$  හා  $AC$  සැහැල්දු දැඩි පහකින් සමන්වීම වේ.

මෙහි  $AB = CB = a$  දී  $CD = 2a$  දී  $B\hat{A}C = \frac{\pi}{6}$  දී බව දී ඇත. රාමු සැකිල්ල  $A$  හි දී අවල ලක්ෂණකට සුම්ම ලෙස අයවි කර ඇත.  $D$  සන්ධියේ දී  $W$  හාරයක් එල්ලා,  $AC$  සිරසට දී  $CD$  තිරසට දී ඇතිව සිරස තලයක රාමු සැකිල්ල සමතුලිත තබා ඇත්තේ  $C$  සන්ධියේ දී  $AB$  දැන්ඩට සමාන්තරව රුපයේ පෙන්වා ඇති දිගාවට යෙදු  $P$  බලයක් මිශිනි. බෝ අංකනය හාවිතයෙන්  $D, B$  හා  $C$  සන්ධි සඳහා ප්‍රත්‍යාබල සටහනක් අදින්න.

එ තියින්,

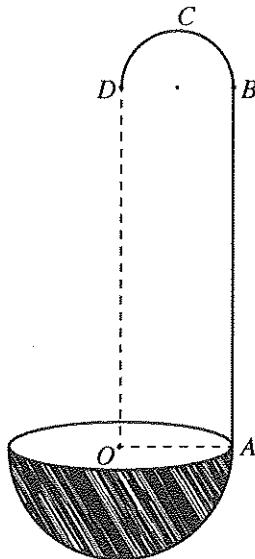
- අංකති ද තෙරපුම් ද යන්න ප්‍රකාශ කරමින් දැඩි පහේම ප්‍රත්‍යාබල, හා
- $P$  හි අයය සොයන්න.



16. (i) අරය  $a$  වූ තුනී ඒකාකාර අර්ධ වෘත්තාකාර කම්බියක ස්කන්දය කේන්දුයේ සිට  $\frac{2a}{\pi}$  දුරකින් ද  
(ii) අරය  $a$  වූ තුනී ඒකාකාර අර්ධ ගෝලාකාර කබොලක ස්කන්දය කේන්දුයේ සිට  $\frac{a}{2}$  දුරකින් ද  
පිහිටන බව පෙන්වන්න.

කේන්දුය  $O$  හා අරය  $2a$  වූ තුනී ඒකාකාර අර්ධ ගෝලාකාර කබොලකට  
රුපයේ දැක්වන පරිදි දිග  $2\pi a$  වූ  $AB$  සූෂ්‍ණ කොටසකින් ද  $BD$  විෂ්කම්භය  $AB$   
ව ලම්බ වන පරිදි, අරය  $a$  වූ  $BCD$  අර්ධ වෘත්තාකාර කොටසකින් ද සමන්විත  
ඒකාකාර කම්බියකින් සාදනු ලැබූ  $ABCD$  තුනී මිටක් දාඩ් ලෙස සටි කිරීමෙන්  
හැන්දක් සාදා ඇත.  $A$  ලක්ෂය අර්ධ ගෝලයේ ගැටිට මත ඇති අතර  $OA$  යන්න  
 $AB$  ව ලම්බ ද  $OD$  යන්න  $AB$  ව සමාන්තර ද වේ. තව ද  $BCD$  යන්න  $OABD$  හි  
තලයේ පිහිටා ඇත. අර්ධ ගෝලයේ ඒකක වර්ගීයක ස්කන්දය ර ද මිටියි  
ඒකක දිගක ස්කන්දය  $\frac{a\sigma}{2}$  ද වේ. හැන්දේ ස්කන්දය කේන්දුය,  $OA$  සිට පහළට $\frac{2}{19\pi}(8\pi - 2\pi^2 - 1)a$  දුරකින් ද  $O$  හා  $D$  හරහා යන රේඛාවේ සිට  $\frac{5}{19}a$  දුරකින්  
ද පිහිටන බව පෙන්වන්න.

රඟ තිරස් මෙසයක් මත, අර්ධ ගෝලාකාර පාශේෂය එය ස්ථේරික කරමින්, හැන්ද  
කඩා ඇත. අර්ධ ගෝලාකාර පාශේෂය හා මෙසය අතර සර්වානු සංග්‍රහකය  $\frac{1}{7}$  කි.  
 $\overrightarrow{AO}$  දිගාවට  $A$  හි දි යොදනු ලබන තිරස් බලයක් මගින්  $OD$  සිරස්ව ඇතිව හැන්ද  
සමතුලිතනාවයේ තැබිය හැකි බව පෙන්වන්න.



17. (a) ආරම්භයේදී එක එකක් පුදු පාට හෝ කල් පාට පු, පාටින් හැර අන් සැම අපුරකින්ම සමාන බේල 3 ක්  
පෙට්ටියක අඩංගු වේ. දැන්, පාටින් හැර අන් සැම අපුරකින්ම පෙට්ටියේ ඇති බේලවලට සමාන පුදු පාට  
බේලයක් පෙට්ටිය තුළට දමා ඉන්පසු සසම්භාවී ලෙස බේලයක් පෙට්ටියෙන් ඉවතට ගනු ලැබේ.

පෙට්ටියේ ඇති බේලවල ආරම්භක සංයුති හතර සම සේ හවා වේ යැයි උපක්ෂාපනය කරමින්,

(i) ඉවතට ගත් බේලය පුදු පාට එකක් විමේ,

(ii) ඉවතට ගත් බේලය පුදු පාට එකක් බව දි ඇති විට ආරම්භයේදී පෙට්ටිය තුළ හරියටම කළ පාට  
බේල 2 ක් තිබීමේ,

සම්භාවිතව සොයන්න.

- (b)  $\mu$  හා  $\sigma$  යනු පිළිවෙළින්  $\{x_i : i = 1, 2, \dots, n\}$  අගයන් කුලකයේ මධ්‍යනාය හා සම්මත අපගමනය යැයි  
ගනිමු.  $\{\alpha x_i : i = 1, 2, \dots, n\}$  අගයන් කුලකයේ මධ්‍යනාය හා සම්මත අපගමනය සොයන්න; මෙහි  
 $\alpha$  යනු තියතයයි.

එක්තරා සමාගමක සේවකයින් 50 දෙනාකුගේ මාසික වැටුප් පහත වගුවේ සාරාගගත කර ඇත:

මාසික වැටුප (රුපියල් දිගයේ ජ්‍යායිනි)	සේවකයින් ග්‍යාන
5 – 15	9
15 – 25	11
25 – 35	14
35 – 45	10
45 – 55	6

සේවකයින් 50 දෙනාගේ මාසික වැටුප්වල මධ්‍යනාය හා සම්මත අපගමනය නිමානය කරන්න.

වසරක ආරම්භයේදී එක් එක් සේවකයාගේ මාසික වැටුප  $p\%$  වලින් වැඩි කරනු ලැබේ. ඉහත සේවකයින්  
50 දෙනාගේ නව මාසික වැටුප්වල මධ්‍යනාය රුපියල් 29 172 බව දි ඇත.  $p$  හි අය හා සේවකයින් 50  
දෙනාගේ නව මාසික වැටුප්වල සම්මත අපගමනය නිමානය කරන්න.